प्रश्न पुस्तिका सेट कोड : Question Booklet Set Code :



INTERMEDIATE EXAMINATION-2023

इन्टरमीडिएट परीक्षा - 2023

(ANNUAL / वार्षिक)

विषय कोड : Subject Code : 121/327

MATHEMATICS (ELECTIVE)

गणित (ऐच्छिक)

I. Sc. & I. A.

कुल प्रश्न : 100 + 30 + 8 = 138

Total Questions: 100 + 30 + 8 = 138

(समय : 3 घंटे 15 मिनट)

[Time: 3 Hours 15 Minutes]

कुल मुद्रित पृष्ठ : 32

821

Total Printed Pages: 32

(पूर्णांक : 100)

Juestion Booklet Serial No

प्रश्न पुस्तिका क्रमांक

[Full Marks : 100]

परीक्षार्थियों के लिये निर्देश :

Instructions for the candidates:

- परीक्षार्थी OMR उत्तर-पत्रक पर अपना प्रश्न पुस्तिका क्रमांक (10 अंकों का) अवश्य लिखें।
- 2. परीक्षार्थी यथासंभव अपने शब्दों में ही उत्तर दें।
- 3. दाहिनी ओर हाशिये पर दिये हुए अंक पूर्णांक निर्दिष्ट करते हैं।
- 4. प्रश्नों को ध्यानपूर्वक पढ़ने के लिए परीक्षार्थियों को 15 मिनट का अतिरिक्त समय दिया गया है।

- Candidate must enter his / her Question Booklet Serial No. (10 Digits) in the OMR Answer Sheet.
- Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.
- Figures in the right hand margin indicate full marks.
- 15 minutes of extra time have been allotted for the candidates to read the questions carefully.

INT-A-23/2501-(7/10)

Page 1 / 32

- खण्ड-अ एवं खण्ड-ब।
- 6. खण्ड-अ में 100 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 50 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 1 अंक निर्धारित है)। पचास से अधिक प्रश्नों के उत्तर देने पर प्रथम 50 उत्तरों का ही मुल्यांकन कम्प्यूटर द्वारा किया जाएगा। सही उत्तर को उपलब्ध कराये गये OMR उत्तर-पत्रक में दिये गये सही गोले को नीले / काले बॉल पेन से प्रगाढ़ करें। किसी भी प्रकार के ह्वाइटनरः / तरल पदार्थः / ब्लेड / नाखून आदि का उत्तर-पुस्तिका में प्रयोग करना मना है. अन्यथा परीक्षा परिणाम अमान्य होगा।
 - 7. खण्ड-ब में 30 लघु उत्तरीय प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 2 अंक निर्धारित है)। इनके अतिरिक्त, इस खण्ड में 8 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न दिये गये हैं, जिनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों का उत्तर देना है (प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित है)।
 - 8. किसी प्रकार के इलेक्ट्रॉनिक उपकरण का प्रयोग पूर्णतया वर्जित है ।

- 5. यह प्रश्न पुस्तिका दो खण्डों में है— 5. This question booklet is divided into two sections - Section-A and Section-B.
 - 6. In Section-A. there 100 objective type questions, out of which any 50 questions are to be answered (each carrying 1 mark). First 50 answers will be evaluated by the computer in case more than 50 questions answered. For answering these darken the circle with blue / black ball pen against the correct option on OMR Answer Sheet provided to you. Do not use whitener / liquid / blade / nail etc. on OMR-sheet, otherwise the result will be treated invalid.
 - In Section-B, there are 30 short answer type questions, out of which any 15 questions are to be answered (each carrying 2 marks). Apart from these, there are 8 long answer questions, out of which any 4 questions are to be answered (each carrying 5 marks).
 - 8. Use of any electronic appliances is strictly prohibited.

खण्ड - अ / SECTION - A

वस्तुनिष्ठ प्रश्न / Objective Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 100 तक के प्रश्न के साथ चार विकल्प दिए गए हैं जिनमें से एक सही है। किन्हीं 50 प्रश्नों के उत्तर दें। अपने द्वारा चुने गए सही विकल्प को OMR शीट पर चिह्नित करें।

Question Nos. 1 to 100 have four options, out of which only one is correct.

Answer any 50 questions. You have to mark your selected option on the OMR-Sheet. $50 \times 1 = 50$

- $1. \qquad \sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{2}\right) =$
 - (A) 1

(B) $\frac{1}{2}$

ar.com

(C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

(D) 0

2. $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y =$

(A)
$$\sin^{-1}\left\{x\sqrt{1-y^2}-y\sqrt{1-x^2}\right\}$$

(B)
$$\sin^{-1}\left\{x\sqrt{1-y^2}+y\sqrt{1-x^2}\right\}$$

(C)
$$\sin^{-1}\left\{x\sqrt{1+y^2}+y\sqrt{1+x^2}\right\}$$

(D)
$$\sin^{-1}\left\{x\sqrt{1+y^2}-y\sqrt{1+x^2}\right\}$$

- 3. $x \in [-1 \ 1], \sin[2(\sin^{-1}x + \cos^{-1}x)] =$
 - (A) 0

(B)

(C) - 1

(D) $\frac{1}{2}$

- 4. $x \in R$, $\csc(\tan^{-1} x + \cot^{-1} x) =$
 - (A) O

(B) 1

(C) $\frac{2}{\sqrt{3}}$

- (D) 2
- 5. $|x| \ge 1$, $\tan \left[\frac{2}{3} \left(\tan^{-1} x + \cot^{-1} x \right) \right] =$
 - (A) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

(B) √3

(C) 0

(D) 1

- $6. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\Big(e^x + \cos 5x\Big) =$
 - (A) $e^x + \cos 5x$

- (B) $e^x + 5\sin 5x$
- (C) $e^x 5\sin 5x$
- (D) $e^x 5\cos 5x$
- 7. $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \Big(\sin 2x + e^x \cos x \Big) =$
 - (A) $\cos 2x + e^x \sin x$
- (B) $2\cos 2x + e^x + \sin x$
- (C) $2\cos 2x + e^x \sin x$
- (D) $-2\cos 2x + e^x + \sin x$

- 8. $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(\frac{1}{4} \sec 4x \right) =$
 - (A) $\sec 4x \cdot \tan 4x$
- (B) $\sec^2 4x$

(C) $\tan^2 4x$

(D) $\int \frac{1}{16} \sec 4x \cdot \tan 4x$

- 9. $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} (\log_e 10x) =$
 - (A) $\int \frac{1}{10x}$

(B) $\frac{10}{x}$

(C) 10x

(D) $\frac{1}{x}$

10. तल 3x-4y+6z=11 की मूल बिन्दु से दूरी है

 $(A) \qquad \frac{3}{\sqrt{61}}$

(B) $\frac{11}{\sqrt{61}}$

(C) $\frac{6}{\sqrt{61}}$

(D) $\frac{4}{\sqrt{61}}$

Distance of the plane 3x-4y+6z=11 from origin is

(A) $\frac{3}{\sqrt{61}}$

(B) $\frac{11}{\sqrt{61}}$

(C) $\frac{6}{\sqrt{61}}$

(D) $\frac{4}{\sqrt{61}}$

11. अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = 5x^2$ का समाकलन गुणक है

(A) $\frac{2}{x}$

(B) 2e

(C) $2\log x$

(D) x^2

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = 5x^2$ is

(A) $\frac{2}{x}$

- (B) 2e^x
- (C) 2log x
- (D) x^2

12. $(3\vec{k} - 7\vec{i}) \times 2\vec{k} =$

(A) $-14\overrightarrow{j}$

(B) 14 j

(C) $11\vec{i} - 2\vec{k}$

(D) $2\vec{k} - 11\vec{i}$

13. $|\vec{i}-2\vec{j}+2\vec{k}| =$

(A) 3

(B) 6

(C) 7

(D) 5

तल x+2y-3z+15=0 के अभिलम्ब के दिक् अनुपात हैं

1, 2, 3 (A)

(B)

(C) 1, 2, -3

Direction ratios of the normal to the plane x+2y-3z+15=0 are

(A) 1, 2, 3 (B) 1, -2, 3

(C) 1, 2, -3

(D)

सरल रेखा $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-5}{6}$ के दिक् अनुपात हैं

(A) / 1,-2, 5

(B) 3, 2, 5 (D) 1, 3, 5

(C) 3, 3, 6

The direction ratios of the straight line $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-5}{6}$ are

(A) 1,-2,5 (B) 3, 2, 5

3, 3, 6

रेखा $\frac{x-100}{101} = \frac{y-99}{102} = \frac{z-98}{103}$ निम्निलिखित में से किस बिन्दु से 16.

- (101, 102, 103)
- (B) (98, 99, 100)
- (100, 99, 98)
- (D) · (99, 100, 101)

Through which of the following points does the straight line

$$\frac{x-100}{101} = \frac{y-99}{102} = \frac{z-98}{103}$$
 pass ?

- (101, 102, 103) (A)
- (B) (98, 99, 100)

- (C) (100, 99, 98)
- (99, 100, 101) (D)

INT-A-23/2501-(7/10)

17.
$$(10\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}) \times (-4\vec{i} + 7\vec{j} - 11\vec{k}) =$$

(A)
$$-18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$$

(A)
$$-18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$$
 (B) $18\vec{i} - 106\vec{j} - 7.4\vec{k}$

(C)
$$18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$$

$$18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$$
 (D) $5\vec{i} - 6\vec{j} - 7\vec{k}$

$$18. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(x^3 + e^x \right) =$$

(A)
$$3x^2$$

(B)
$$3x^2 + 3e^x$$

$$(C) \quad 3x^2 + e^x$$

(D)
$$3x^2e^x$$

19.
$$\frac{d}{dx} \left(\tan x + \sin^2 x \right) =$$

(A)
$$\sec x + 2\sin x \cos x$$

(B)
$$\sec^2 x + \cos^2 x$$

(C)
$$\sec^2 x + 2\sin x \cos x$$

(D)
$$\sec^2 x - 2\sin x \cos x$$

20.
$$\frac{d^2}{dx^2} (e^{5x}) =$$

(A) e^{5x}

(C) $5e^{5x}$

(B)
$$10e^{5x}$$

(C)
$$5e^{5x}$$

(D)
$$25e^{5x}$$

21.
$$3\int_0^3 x^3 dx =$$

बिहार बोर्ड के नए और पुराने ऑफिसियल क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेंपर, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

(A)
$$\frac{81}{4}$$

(B)
$$\frac{243}{4}$$

(BiharboardQuestionpaper.com)



22.
$$\int_{-1}^{1} \sin^{17} x \cos^3 x \, dx =$$

(A) $\frac{12}{5}$

(B) 0

(C) 1

(D) $\frac{3}{5}$

23.
$$\int_{-1}^{1} x^{17} \cos^4 x \, dx =$$

(A) O

(B) · 1

(C) $\frac{3}{17}$

(D) $\frac{14}{3}$ COM

$$. 24. 3 \int \sqrt{x} \, dx =$$

'(A) $\frac{9}{2}x^{3/2} + k$

(B) $2x^{3/2} + k$

(C) $3x^{3/2} + k$

(D) $\frac{2}{3}x^{3/2} + k$

25.
$$\int \frac{x+2}{x^2-4} \, \mathrm{d}x = 0$$

- $(A) / \log |x+2| + k$
- (B) $\log |x^2 4| + k$
- (C) $\log |x-2| + k$
- (D) $\log \left| \frac{x+2}{x-2} \right| + k$

26.
$$\int \frac{3dx}{\sqrt{1-9x^2}} =$$

(A) $tan^{-1}3x + k$

(B) $\sec^{-1} 3x + k$

(C) $\int \sin^{-1} 3x + k$

(D) $\cos^{-1} 3x + k$

27. $25\int \sec 5x \tan 5x \cdot dx =$

(A) 25 sec 5x+k

(B) 5 sec 5x+k

(C) $25 \tan 5x + k$

(D) sec5x+k

28. $\int \sec^2 4x \, dx =$

(A) $\tan 4x + k$

(B) $\frac{1}{4}\tan 4x + k$

(C) $4\tan 4x + k$

(D) $8 \tan 4x + k$

29. $\overrightarrow{k} \cdot (\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}) =$

(A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) - 1

 $30. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{1+36x^2} =$

(A) $6 \tan^{-1} 6x + k$

(B) $3 \tan^{-1} 6x + k$

- (C) $\frac{1}{6} \tan^{-1} 6x + k$
- (D) $\tan^{-1}6x+k$

31. यदि A और B स्वतंत्र घटनाएँ हों, P(A)=0⋅3 तथा P(B)=0⋅4 हो तो P(A∩B) =

(A) 0·12

(B) / 0·21

(C) 0.75

 $(D) \times 0.7$

If A and B are independent events, P(A)=0.3 and P(B)=0.4 then $P(A \cap B) =$

(A) 0·12

(B) 0·21

(C) 0·75

(D) 0·7

$$32.$$
 आव्यूह $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ का सहखंडज आव्यूह है

(A)
$$\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(D) \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$

The adjoint matrix of matrix $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ is

(A)
$$\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$

यदि एक रेखा की दिक् कोज्याएँ $\frac{4}{\sqrt{77}}$, $\frac{5}{\sqrt{77}}$ तथा $\frac{x}{\sqrt{77}}$ हों तो x का एक मान है

If the direction cosines of a line be $\frac{4}{\sqrt{77}}$, $\frac{5}{\sqrt{77}}$ and $\frac{x}{\sqrt{77}}$ then a value SILPOOL of x is

34.
$$\text{ Zer } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 $\text{ The } A^{25}$ and High Results

If $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ then the value of A^{25} is

-77 mm - 111	0 .0		4	-66-	4-4	10 01 5
35.	यदि. साक्रया	'o', $a \circ b = 3a + b$	H	पारभाषित	हाता	$(2 \ 0 \ 3) \ 05 =$

(A) 28

(B) 32

(C) 36

(D) · 22

If the operation 'o' is defined as $a \circ b = 3a + b$ then (2 o 3) o 5 =

(A) 28

(B) 32

(C) 36

(D) 22

36. यदि $A = \{1, 2\}, B = \{a, b, c\}$ तो $A \ Har B \ H$

(A) 9

(B) 12

(C) · 64

(D) इनमें से कोई नहीं

If $A = \{1, 2\}$, $B = \{a, b, c\}$ then total number of functions from A to B is

(A) 9

(B) 12

(C) 64

(D) none of these

37. यदि $A = \{a, b\}, B = \{1, 2, 3\}$ तो A + H B + H एकैक फलनों की कुल संख्या है

(A) 6

(B) 8

(C) 9

(D) इनमें से कोई नहीं

If $A = \{a, b\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ then total number of one-one functions from A to B is

(A) 6

(B) 8

(C) 9

(D) none of these

38. अवकल समीकरण dx+dy=0 का हल है

(A) x = ky

 $(B) x^2 + y^2 = k$

(C) x+y=k

(D) xy = k

The solution of the differential equation dx + dy = 0 is

(A) x = ky

 $(B) x^2 + y^2 = k$

(C) x+y=k

(D) xy = k

- 39. \overrightarrow{i} , \overrightarrow{i} =
 - (A) 0

(B)

(C) - 1

(D)]

- $40. \quad \overrightarrow{j} \times \overrightarrow{i} =$
 - (A) \overrightarrow{k} .

(B) - k COM

(C) o

- (D) 1
- 41. यदि दो समांतर रेखाओं के दिक् अनुपात x, 5, 3 तथा 20, 10, 6 हैं तो x का मान है
 - (A) 10

(B) :5

(C) . 3

(D) 40

If the direction ratios of two parallel lines are x, 5, 3 and 20, 10, 6 then the value of x is

(A) 10

(B) 5

(C) 3

- (D) 40
- 42. यदि दो समांतर रेखाओं के दिक् अनुपात a_1, b_1, c_1 तथा a_2, b_2, c_2 हैं तो $\frac{a_1 c_2}{a_2}$ =
 - (A) b₁

(B) b₂

(C) b_3

(D) c₁

If the direction ratios of two parallel lines are a_1, b_1, c_1 and a_2, b_2, c_2

then
$$\frac{a_1 c_2}{a_2}$$
=

(A) b_1

(B) b₂

(C) b_3

(D) c₁

43. यदि दो परस्पर लम्ब रेखाओं के दिक् अनुपात 2, 3, 5 तथा x, y, 4 हों तो 2x + 3y =

(A) 20

(B) - - 20

(C) 30

(D) - 30

If the direction ratios of two mutually perpendicular lines are 2, 3, 5 and x, y, 4 then 2x + 3y =

(A) 20

(B) - 20

(C) 30

(D) - 30

44. $|3\vec{i}-4\vec{j}-5\vec{k}| =$

(A) 5√2

(B) 12

(C) 2

(D) 9

45. $[2a-7 \ 1]=[a \ b-1] \Rightarrow (a,b)=$

(A) (1, 7)

(B) (2, 7)

(C) (7, 2)

(D) (2, 3)

 $\begin{array}{c|cccc} 46. & \begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & 5 \\ 4 & 9 & 17 \\ 5 & 10 & 22 \end{array} = \end{array}$

(A) 264

(B) 1221

(C) 0

(D) 1

INT-A-23/2501-(7/10)

Page 13 / 32

$$\begin{array}{c|cccc} 47. & \begin{array}{c|cccc} 1 & 2 & -1 \\ 5 & 4 & 1 \\ 7 & 6 & 1 \end{array} =$$

(A)

(B) 1

(C)

(D) 12

48.
$$\begin{vmatrix} -\sin\theta & \cos\theta \\ \sec\theta & \csc\theta \end{vmatrix} =$$

(A)

(C)

- sin2 θ (D)

49.
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} =$$

(A) $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$

 $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$ (B)

(C) $\begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 5 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

(A) [6 -5] (C) [1]

(B) [-5 6]

(D) [11]

$$51. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(2\cos\frac{3x}{4} \right) =$$

 $(A) \qquad -2\sin\frac{3x}{4}$

 $(B) \qquad -\frac{3}{8}\sin\frac{3x}{4}$

(C) $\frac{-3}{4}\sin\frac{3x}{4}$

(D) $\frac{-3}{2}\sin\frac{3x}{4}$

$$\frac{\mathrm{G}}{52.} \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(e^{-3x} \right) =$$

(A)
$$\frac{e^{-3x}}{3}$$

(B)
$$\frac{e^{-3x}}{-3}$$

(C)
$$3e^{-3x}$$

(D)
$$-3e^{-3x}$$

53.
$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(11^x \right) =$$

(A)
$$x11^{x-1}$$

(B)
$$11^x \cdot \log x$$

(D)
$$\frac{11^x}{\log 11}$$

$$54. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left(\frac{1}{3x-2} \right) =$$

(A)
$$\frac{-1}{(3x-2)^2}$$

(B)
$$\frac{-3}{(3x-2)^2}$$

(C)
$$\frac{3}{(3x-2)^2}$$

$$\frac{3}{3x-2}$$

55. यदि
$$x = a \cos^2 \theta$$
, $y = b \sin^2 \theta$, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- (A) $\frac{b}{a}$ Of b
- (B) $-\frac{b}{a}$

(C) $\frac{b}{a}\sin 2\theta$

(D) $\sqrt{\frac{-b}{a}} \tan^2 \theta$

If $x = a \cos^2 \theta$, $y = b \sin^2 \theta$ then the value of $\frac{dy}{dx}$ is

(A)

(B) $-\frac{b}{a}$

(C) $\frac{b}{a}\sin 2\theta$

(D) $\frac{-b}{a} \tan^2 \theta$

अवकल समीकरण $x^2 dx + y^2 dy = 0$ का हल है 56.

$$(A) x^3 + y^3 = k$$

(B)
$$x^2 + y^2 = k$$

$$(C) x^2 - y^2 = k$$

$$(D) x^3 - y^3 = k$$

The solution of the differential equation $x^2dx+y^2dy=0$ is

(A)
$$x^3 + y^3 = k$$

$$(B) x^2 + y^2 = k$$

$$(C) x^2 - y^2 = k$$

(D)
$$x^3 - y^3 = k$$

57.
$$(\vec{j} - 2\vec{i}) \cdot (k+3\vec{i} - \vec{j}) =$$

58. अवकल समीकरण
$$e^{3x} dx + e^{4y} dy = 0$$
 का हल है

(A)
$$e^{3x+4y} = k$$

(B)
$$e^{3x} + e^{4y} = k$$

(C)
$$\frac{1}{3}e^{3x} + \frac{1}{4}e^{4y} = k$$

(D)
$$e^{3x} + e^{4y} + e^{3x+4y} = k$$

The solution of the differential equation $e^{3x} dx + e^{4y} dy = 0$ is

$$(A) \qquad e^{3x+4y} = k$$

(B)
$$e^{3x} + e^{4y} = k$$

(C)
$$\frac{1}{3}e^{3x} + \frac{1}{4}e^{4y} = k$$

(C)
$$\frac{1}{3}e^{3x} + \frac{1}{4}e^{4y} = k$$
 (D) $e^{3x} + e^{4y} + e^{3x+4y} = k$

59. अवकल समीकरण
$$\frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} = 0$$
 का हल है

(A)
$$x = ky$$

$$(B) \qquad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = k$$

(C)
$$x+y=k$$

(D)
$$xy = k$$

The solution of the differential equation $\frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} = 0$ is

$$(A) \qquad x = ky$$

$$(B) \qquad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = k$$

(C)
$$x+y=k$$

(D)
$$xy = k$$

60. अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} - y \sin x = \cot x$ का समाकलन गुणक है

(B)
$$e^{-\sin x}$$

(C)
$$e^{\sin x}$$

(D)
$$e^{\cos x}$$

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} - y \sin x = \cot x$ is

(A)
$$\sin x$$

(B)
$$e^{-\sin x}$$

(C)
$$e^{\sin x}$$

(D)
$$e^{\cos x}$$

61. तल x-8y-9z=12 के समांतर एक तल का समीकरण है

(A)
$$x + 8y + 9z = 12$$

(B)
$$x-8y-9z=2023$$

(C)
$$8x-y-9z=12$$

(D)
$$x - 9y - 8z = 12$$

Equation of a plane parallel to the plane x-8y-9z=12 is

(A)
$$x + 8y + 9z = 12$$

(B)
$$x-8y-9z=2023$$

(C)
$$8x-y-9z=12$$

(D)
$$x - 9y - 8z = 12$$

62.
$$(3\vec{i} - 4\vec{k})^2 =$$

63. सिंदश 3 1-9 ने की दिशा में इकाई सिंदश है

(A)
$$\frac{3\vec{i}-9\vec{j}}{-6}.$$

$$(B) \quad \frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{6}$$

$$(C) \qquad \frac{3\vec{i}-9\vec{j}}{\sqrt{90}}$$

$$(D) \quad \frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{\sqrt{70}}$$

The unit vector in the direction of vector $3\vec{i} - 9\vec{j}$ is

(A)
$$3\vec{i}-9\vec{j}$$

$$(B) \quad \frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{6}$$

(C)
$$\frac{3\vec{i}-9\vec{j}}{\sqrt{90}}$$

(D)
$$\frac{3\vec{i}-9\vec{j}}{\sqrt{70}}$$

64.
$$(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) \cdot (7\vec{i} - 8\vec{j} + 9\vec{k}) =$$

(A) 22

(B) 23

(C) 24

(D) 25

65. समतल 3x + 4y + 5z = 13 द्वारा x-अक्ष पर काटा गया अंतःखण्ड है

(A)
$$\frac{3}{13}$$

(B)
$$\frac{13}{3}$$

(C)
$$\frac{13}{4}$$

The intercept cut off on x-axis by the plane 3x+4y+5z=13 is

(A)
$$\frac{3}{13}$$

(B)
$$\frac{13}{3}$$

(C)
$$\frac{13}{4}$$

66. यदि तल
$$ax + by + cz + d = 0$$
 के समांतर रेखा $\frac{x}{-1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ हो तो

$$(A) \qquad a+2b+3c=0$$

(B)
$$-a+2b+3c=0$$

(C)
$$3a+b+2c=0$$

If the line $\frac{x}{-1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ is parallel to the plane ax + by + cz + d = 0 then

(A)
$$a+2b+3c=0$$

(B)
$$-a+2b+3c=0$$

(C)
$$3a+b+2c=0$$

67. यदि दो तल
$$a_1x + b_1y + c_1z + d_1 = 0$$
 तथा $a_2x + b_2y + c_2z + d_2 = 0$ परस्पर लम्ब हों तो

(A)
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$

(B)
$$\frac{a_1}{a_2} + \frac{b_1}{b_2} + \frac{c_1}{c_2} = 0$$

(C)
$$a_1a_2 + b_1b_2 + c_1c_2 = 0$$

If two planes $a_1x + b_1y + c_1z + d_1 = 0$ and $a_2x + b_2y + c_2z + d_2 = 0$ are mutually perpendicular then biharboardquestionpaper.com

(A)
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$

(B)
$$\frac{a_1}{a_2} + \frac{b_1}{b_2} + \frac{c_1}{c_2} = 0$$

(C)
$$a_1 a_2 + b_1 b_2 + c_1 c_2 = 0$$
 (D)

68.
$$(11\vec{i} - 7\vec{j} - \vec{k}) \cdot (8\vec{i} - \vec{j} - 5\vec{k}) =$$

(A) 95

(B) 100

(C) 400

(D) 88

69.
$$P(A) = \frac{7}{11}, P(B) = \frac{9}{11}, P(A \cap B) = \frac{4}{11} \Rightarrow P(A/B) =$$

(A) $\frac{7}{9}$

(B) $\frac{4}{9}$

(C) 1

(D) $\frac{13}{22}$

70.
$$P(E) = \frac{3}{7}, P(F) = \frac{5}{7}, P(E \cup F) = \frac{6}{7} \Rightarrow P(E \cap F) =$$

 $(A) \quad \frac{4}{7}$

(B) $\frac{2}{7}$

(C) $\frac{1}{7}$

(D) $\frac{3}{7}$

(A) [O]

(B) [-1₋₁]

(C) $\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$

(D) [2 -2]

72.
$$3\begin{bmatrix} 7 & -2 \\ 8 & 0 \end{bmatrix} = .$$

(A)
$$\begin{bmatrix} 21 & -6 \\ 8 & 0 \end{bmatrix}$$

(B) $\begin{bmatrix} 7 & -2 \\ 24 & 0 \end{bmatrix}$

$$(C) \begin{bmatrix} 21 & -6 \\ 24 & 0 \end{bmatrix}$$

(D) $\begin{bmatrix} 21 & -2 \\ 8 & 0 \end{bmatrix}$

73. व्यवरोधों
$$x+y \le 25$$
, $x \ge 0$ के अंतर्गत $Z=6x+3y$ का अधिकतम मान है

(A) 150

(B) 225

(C) 425

(D) इनमें से कोई नहीं

The maximum value of Z=6x+3y subject to constraints

$$x+y \le 25$$
, $x \ge 0$ is

(A) 150

(B) 225

(C) 425

(D) none of these

74. व्यवरोधों $x+y \le 13$, $x \ge 0$, $y \ge 0$ के अंतर्गत Z = x - 3y का अधिकतम मान है

(A) 39

(B) 26

(C) 13

(D) - 26

The maximum value of Z=x-3y subject to constraints $x+y \le 13$, $x \ge 0$, $y \ge 0$ is

(A) 39

(B) 26

(C) 13

(D) -26

75. व्यवरोधों $3x + 4y \le 24$, $x \ge 0$, $y \ge 0$ के अंतर्गत Z = 7x + 8y का न्यूनतम मान है

(A) 56

(B) 48

(C) 0

(D) - 12

The minimum value of Z=7x+8y subject to constraints $3x+4y \le 24$, $x \ge 0$, $y \ge 0$ is

(A) 56

(B) 48

(C) 0

(D) - 12

76. $(2\vec{i}-3\vec{j}) \cdot (\vec{i}+\vec{k}) =$

(A) 2

(B) - 1

(C) /3

(D) 0

77. $|x| \le 1$, $2 \tan^{-1} x =$

(A) $\tan^{-1} 2x$

(B) $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$

(C) $\cos^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$

(D) $\tan^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$

78.
$$x \in R$$
, $\cot^{-1} x =$

(A)
$$\frac{\pi}{2} - \sin^{-1} x$$

$$(B) \qquad \frac{\pi}{2} - \cos^{-1} x$$

(C)
$$\frac{\pi}{2} - \tan^{-1} x$$

$$(D) \qquad \frac{\pi}{2} - \sec^{-1} x$$

79.
$$\tan^{-1}\left(\frac{x+y}{1-xy}\right) =$$

(A)
$$\sin^{-1}(x+y)$$

(B)
$$\cos^{-1}(x+y)$$

(C)
$$\tan^{-1}(x+y)$$

(D)
$$\tan^{-1} x + \tan^{-1} y$$

$$80. \quad \sin^{-1}\left(\sin\frac{2\pi}{3}\right) = 1$$

(A)
$$\frac{\pi}{3}$$

(B)
$$\frac{2\pi}{3}$$
 con

(C)
$$\frac{5\pi}{6}$$

(D)
$$\frac{\pi}{6}$$

81.
$$\int \sin \frac{3x}{4} dx =$$

$$(A) \qquad k - \frac{3}{4} \cos \frac{3x}{4}$$

$$(B) k + \frac{3}{4} \cos \frac{3x}{4}$$

$$(C) \qquad k - \frac{4}{3} \cos \frac{3x}{4}$$

$$(D) \qquad k + \frac{4}{3} \cos \frac{3x}{4}$$

82.
$$\int \cos \frac{7x}{9} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$k + \sin \frac{7x}{9}$$

$$(B) \quad \frac{7}{9}\sin\frac{7x}{9} + k$$

$$(C) \quad \frac{9}{7}\sin\frac{7x}{9} + k \ .$$

(D)
$$k + \cos \frac{7x}{9}$$

83.
$$\int \sec^2 \frac{17x}{23} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$k + \frac{17}{23} \tan \frac{17x}{23}$$

(B)
$$k - \frac{17}{23} \tan \frac{17x}{23}$$

(C)
$$k + \frac{23}{17} \tan \frac{17x}{23}$$

(D)
$$k - \frac{23}{17} \tan \frac{17x}{23}$$

$$\begin{array}{c} \mathbf{G} \\ 84. & \int 4^x \, \mathrm{d}x = \end{array}$$

(A)
$$4^x + k$$

$$(B) \qquad \frac{4^{x+1}}{x+1} + k$$

$$(C) \qquad \frac{4^x}{\log 4} + k \ .$$

$$(D) \qquad -\frac{4^x}{\log 4} + k$$

85.
$$\int x(4x^2 - 6) dx =$$

(A)
$$4x^3 - 6x + k$$

(B)
$$\frac{4x^4}{3} - 6x^2 + k$$

(C)
$$x^4 - 3x^2 + k$$

(D)
$$\frac{4x^3}{3} - 3x^2 + k$$

86.
$$\int e^x (\cos x - \sin x) \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$e^x \sin x + k$$

(B)
$$e^x \cos x + k$$

(C)
$$-e^x \sin x + k$$

(D)
$$k - e^x \cos x$$

87.
$$\int e^x (x^3 + 3x^2) dx =$$

$$(A) \qquad 3x^2e^x + k$$

(B)
$$x^2e^x + k$$

$$(C) \quad x^3 e^x + k$$

(D)
$$3e^x \cdot x^3 + k$$

88.
$$\int e^x \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx =$$

$$(A) \qquad \frac{1}{x}e^x + k$$

$$(B) - xe^x + k$$

(C)
$$k - \frac{1}{r}e^x$$

(D)
$$k - \frac{1}{x^2} e^x$$

89.
$$3\vec{k} \cdot (13\vec{i} - 7\vec{k}) =$$

(A) 39

(B) 0

(C) -21

(D) 18

90.
$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\left(\sin\frac{4x}{5}\right) =$$

 $(A) \quad \frac{4}{5}\cos\frac{4x}{5}$

 $(B) \quad -\frac{4}{5}\cos\frac{4x}{5}$

 $(C) \qquad \frac{5}{4}\cos\frac{4x}{5}$

 $(D) \quad -\frac{5}{4}\cos\frac{4x}{5}$

91.
$$\begin{bmatrix} 13 & 15 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} =$$

- (A) $\begin{bmatrix} 13 & 15 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$
- (B) \[\begin{pmatrix} 15 & 0 \\ 0 & 8 \end{pmatrix} \]

(C) $\begin{bmatrix} 26 & 30 \\ -2 & 8 \end{bmatrix}$

 $(D) \begin{bmatrix} 13 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$

92.
$$\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} =$$

(A) $\begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 25 & 35 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 4 & 15 \\ 10 & 35 \end{bmatrix}$

(C) [19 45]

(D) [19]

93.
$$\int_{-\pi/6}^{\pi/6} \tan\theta \, d\theta =$$

(A) 0

(B)

(C) 2

(D) 3

94.
$$\int \sin^3\theta \csc^2\theta \, d\theta =$$

(A) $c+\theta$

(B) c + cos θ

(C) $c - \cos \theta$

(D) $c + \sin \theta$

95.
$$\int (\cos\theta \csc^2\theta - \cos\theta \cot^2\theta) d\theta =$$

(A)
$$\log \csc \theta + \cot \theta + k$$

(B)
$$cosec\theta cot\theta + k$$

(C)
$$k + \sin \theta$$

(D)
$$\theta + k$$

96.
$$\int (4\cos x - 5\sin x) dx =$$

(A)
$$k+4\sin x+5\cos x$$

$$(B)$$
 $k-4\sin x-5\cos x$

(C)
$$k+4\sin x-5\cos x$$

(D)
$$k-4\sin x+5\cos x$$

$$97. \qquad \int \frac{3\cos x - 2\sin x}{2\cos x + 3\sin x} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$2\cos x + 3\sin x + k$$

(B)
$$\log|2\cos x + 3\sin x| + k$$

(C)
$$\tan^{-1}(3\sin\frac{x}{2}) + k$$

(D)
$$2\tan\frac{x}{2}+k$$

98.
$$\int \frac{3x^2 + 2}{x^3 + 2x} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$\sin^{-1}(x^3+2x)+k$$

(B)
$$\tan^{-1}(3x^2+2)+k$$

(C)
$$\log |3x^2+2|+k$$

(D)
$$\log |x^3 + 2x| + k$$

$$99. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{x^2 + 5} =$$

(A)
$$\tan^{-1}\frac{x}{5}+k$$

(B)
$$\tan^{-1}\frac{x}{\sqrt{5}}+k$$

(C)
$$\frac{1}{\sqrt{5}} \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{5}} + k$$

(D)
$$\sqrt{5} \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{5}} + k$$

100.
$$\int_{-1}^{1} \log \left(\frac{3+x}{3-x} \right) dx =$$

खण्ड - ब / SECTION - B

लघु उत्तरीय प्रश्न / Short Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 30 तक लघु उत्तरीय हैं। इनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक प्रश्न के लिए 2 अंक निर्धारित है।

Question Nos. 1 to 30 are Short Answer Type. Answer any 15 questions. Each question carries 2 marks.biharboardquestionpaper.com $15 \times 2 = 30$

1.
$$a = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$$
 and $a = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ and $a \times \vec{b} = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ and $a \times \vec{b} = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ then find $a \times \vec{b} = 3\vec{i} + 3\vec{k}$ and $a \times \vec{b} = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ then find $a \times \vec{b} = 3\vec{i} + 3\vec{k} = 3\vec{i} + 3\vec{k}$

2.
$$\vec{a} = 7\vec{i} - 11\vec{j} - 16\vec{k}$$
, $\vec{b} = 8\vec{i} + 3\vec{j} - 5\vec{k}$ तथा $\vec{c} = -4\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}$ तो $|2\vec{a} - 3\vec{b} + 4\vec{c}|$ ज्ञात करें। $\vec{a} = 7\vec{i} - 11\vec{j} - 16\vec{k}$, $\vec{b} = 8\vec{i} + 3\vec{j} - 5\vec{k}$ and $\vec{c} = -4\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}$ then find $|2\vec{a} - 3\vec{b} + 4\vec{c}|$.

3. सिद्ध करें कि
$$\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$$
 फलन $f(x) = \sin x$ में निरंतर वर्धमान है।

Prove that the function $f(x)=\sin x$ is continuously increasin in $\left(0,\frac{\pi}{2}\right)$.

4. यदि
$$y = \cos(\tan \sqrt{x+1})$$
 तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

If $y = \cos(\tan\sqrt{x+1})$ then find $\frac{dy}{dx}$.

5.
$$\int हल करें : \int \frac{\mathrm{d}x}{x(1+\log_e x)^2}$$
.

Solve:
$$\int \frac{\mathrm{d}x}{x(1+\log_e x)^2}.$$

6. समाकलन करें :
$$\int \frac{e^{k\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$
.

2

Integrate: $\int \frac{e^{k\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$.

7. रेखाओं
$$\frac{x}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$$
 तथा $\frac{x}{5} = \frac{y}{4} = \frac{z}{-3}$ के बीच का न्यून कोण ज्ञात करें। 2

Find the acute angle between the lines $\frac{x}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$ and $\frac{x}{5} = \frac{y}{4} = \frac{z}{-3}$.

8. एक थैले में 4 लाल तथा 5 उजली गेंदें हैं तथा दूसरे थैले में 5 काली तथा 6 हरी गेंदें हैं। प्रत्येक थैले से एक गेंद निकाली जाती है। एक लाल और एक काली गेंद निकलने की प्रायिकता ज्ञात करें।

A bag contains 4 red and 5 white balls and another bag contains 5 black and 6 green balls. A ball is taken out from each bag. Find the probability that one ball is red and the other is black.

- 5 सिक्कों को उछाला जाता है। ठीक तीन शीर्ष आने की प्रायिकता ज्ञात करें।
 5 coins are tossed. Find the probability of getting exactly 3 heads.
- सारणिक 1 3 6 का मान ज्ञात करें।
 सारणिक 2

Find the value of the determinant $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & 6 \\ 1 & 4 & 9 \end{bmatrix}$.

11. यदि
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$
, $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ तो AB ज्ञात करें, यदि संभव हो। $2 - 1 = 1$

If
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$
, $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ then find AB, if possible.

INT-A-23/2501-(7/10)

G

[121/327]

12. सिद्ध करें कि $\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$, $-\vec{i} - \vec{j} + 8\vec{k}$ और $-4\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{k}$ एक समबाहु त्रिभुज के तीन शीर्ष हैं।

Prove that $\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$, $-\vec{i} - \vec{j} + 8\vec{k}$ and $-4\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{k}$ are vertices of an equilateral triangle.

समाकलन करें : ∫sin4x.cos3xdx.

2

Integrate: $\int \sin 4x \cdot \cos 3x \, dx$.

14 $\int \frac{d\theta}{3-4\cos\theta}$ का समाकलन करें।

2

Integrate: $\int \frac{d\theta}{3-4\cos\theta}.$

15. $\int \frac{\cos cx}{\cos cx + \cot x} dx$ का समाकलन करें ।

2

Integrate: $\int \frac{\csc x}{\csc x + \cot x} dx.$

16. $\int_{-1}^{1} \sin^{21} x \cdot \cos^{10} x \, dx$ का मान ज्ञात करें।

. :

Find the value of $\int_{-1}^{1} \sin^{21} x \cdot \cos^{10} x \, dx$.

17. $\int_{2}^{4} \frac{6x^{2}-1}{\sqrt{2x^{3}-x}} dx$ का मान ज्ञात करें।

Find the value of $\int_{2}^{4} \frac{6x^2 - 1}{\sqrt{2x^3 - x}} dx$.

INT-A-23/2501-(7/10)

Page 28 /

[121/327]

Find the value of $\int_{0}^{\pi/2} \frac{\cot \theta}{\tan \theta + \cot \theta} d\theta.$

19. सिद्ध करें कि
$$\csc^{-1}x + \sec^{-1}x = \frac{\pi}{2}, |x| \ge 1$$
.

2

Prove that $\csc^{-1}x + \sec^{-1}x = \frac{\pi}{2}$, $|x| \ge 1$.

20. तलों
$$x+2y+3z=6$$
 तथा $3x-3y+z=1$ के बीच का कोण ज्ञात करें।
Find the angle between the planes $x+2y+3z=6$ and $3x-3y+z=1$.

21. बिन्दु
$$(4, -5, 6)$$
 की तल $\vec{r} \cdot (4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}) = -6$ से दूरी ज्ञात करें। 2

Find the distance of the point $(4, -5, 6)$ from the plane $\vec{r} \cdot (4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}) = -6$.

22. यदि
$$y = (\sin x)^{\cos x}$$
 तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

If $y = (\sin x)^{\cos x}$ then find $\frac{dy}{dx}$.

23. यदि
$$x = a(1-\cos\theta)$$
, $y = a(\theta + \sin\theta)$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

If $x = a(1-\cos\theta)$, $y = a(\theta + \sin\theta)$ then find $\frac{dy}{dx}$.

24. व्यवरोधों
$$x+2y \le 16$$
 $x \ge 0, y \ge 0$

के अंतर्गत Z=3x+7y का अधिकतम मान ज्ञात करें।

2

G

Maximize Z = 3x + 7y

subject to the constraints $x+2y \le 16$

$$x \ge 0, y \ge 0.$$

25. वक्र
$$y=x^3-x+1$$
 की स्पर्श रेखा की प्रवणता उस बिन्दु पर ज्ञात करें जिसका x -निर्देशांक 2 है।

Find the slope of the tangent to the curve $y=x^3-x+1$ at the point whose x-coordinate is 2.

- 26. सिद्ध करें कि " " : $R \times R \to R$ क्रमविनिमेय द्विआधारी संक्रिया नहीं है। 2 Prove that " " : $R \times R \to R$ is not a commutative binary operation.
- 27 cosec⁻¹ 2 का मुख्य मान ज्ञात करें।
 Find the principal value of cosec⁻¹ 2.
- 28. हल करें : $x \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} y = 2x^2y$.

Solve: $x \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} - y = 2x^2y$.

29. यदि $x+y=xy^3$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

If $x+y=xy^3$ then find $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}$.

30. हल करें :
$$\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = \frac{1}{x^2}$$
,

Solve: $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} + \frac{2y}{x} = \frac{1}{x^2}$.

बिहार बोर्ड के नए और पुराने <mark>ऑफिसियल</mark> क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेपर, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

BiharboardQuestionpaper.com

अभी विजिट करें ...

2

2

INT-A-23/2501-(7/10)

X.

दीर्घ उत्तरीय प्रश्न / Long Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 31 से 38 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं। इनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित है। 4 × 5 = 20

Question Nos. 31 to 38 are Long Answer Type questions. Answer any 4 questions. Each question carries 5 marks. $4 \times 5 = 20$

31. हल करें :
$$(x^2+y^2)\frac{dy}{dx} = 2xy$$
.

Solve: $(x^2+y^2)\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = 2xy$.

32. सिद्ध करें कि
$$\tan^{-1}\frac{1}{x+y} + \tan^{-1}\frac{y}{x^2 + xy + 1} = \cot^{-1}x$$
.

Prove that
$$\tan^{-1} \frac{1}{x+y} + \tan^{-1} \frac{y}{x^2 + xy + 1} = \cot^{-1} x$$
.

33. . सारणिक का गुणनखण्ड निकालें :
$$\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ . & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$$
 . 5

Factorize the determinant:
$$\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}.$$

34. यदि
$$y = (\sin x)^{\cos x} + (\cos x)^{\sin x}$$
 तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

If
$$y = (\sin x)^{\cos x} + (\cos x)^{\sin x}$$
 then find $\frac{dy}{dx}$

Z=5x+7y का अधिकतमीकरण करें जबिक 36.

$$x+y \leq 4$$

$$3x + 8y \le 24$$

$$10x + 7y \le 35$$

$$x, y \ge 0$$

5

Maximize

$$Z=5x+7y$$

$$x+y \le 4$$

$$3x+8y \le 24$$

$$10x + 7y \le 35$$

$$x, y \ge 0$$

37.
$$\int_{1}^{2} \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{2x^2}\right) e^{2x} dx$$
 का मान ज्ञात करें।

Find the value of $\int_{1}^{2} \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{2x^2}\right) e^{2x} dx$.

38.
$$\left[(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}) \times (2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \right] \cdot (\vec{j} + \vec{k})$$
 का मान ज्ञात करें।

Find the value of $\left[(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}) \times (2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \right] \cdot (\vec{j} + \vec{k})$.

बिहार बोर्ड के नए और पुराने ऑफिसियल क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेंपर, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

BiharboardQuestionpaper.com Q

अभी विजिट करें ..

INT-A-23/2501-(7/10)

Page 32 / 32