subject Code : 121 / 327

### **INTERMEDIATE EXAMINATION-2022**

प्रश्न पुस्तिका सेट कोड Ouestion Booklet Set Code

इन्टरमीडिएट परीक्षा - 2022



(ANNUAL / वार्षिक )

**MATHEMATICS (ELECTIVE)** 

गणित (ऐच्छिक)

I. Sc. & I. A.

कल मद्रित पृष्ठों की संख्या: 3

Question Booklet Serial No

Total No. of Printed Pages: 3

(पूर्णांक: 100

[Full Marks: 100

कुल प्रश्नों की संख्या : 100 + 30 + 8 = 138

Total No. of Questions: 100 + 30 + 8 = 138

(समय : 3 घंटे 15 मिनट)

| Time: 3 Hours 15 Minutes |

## परीक्षार्थियों के लिये निर्देश :

# Instructions for the candidates:

- परीक्षार्थी OMR उत्तर पत्रक पर अपना प्रश्न पुस्तिका क्रमांक (10 अंको का) अवश्य लिखें।
- Candidate must enter his / her Ouestion Booklet Serial (10 Digits) in the OMR Answer Sheet.
- परीक्षार्थी उत्तर दें।
- Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.
- दाहिनी ओर हाशिये पर दिये हुए अंक पूर्णांक 3. निर्दिष्ट करते हैं।
- Figures in the right hand margin indicate full marks.
- प्रश्नों को ध्यानपूर्वक पढने के लिए परीक्षार्थियों को 15 मिनट का अतिरिक्त समय दिया गया है।
- 15 minutes of extra time have been allotted for the candidates to read the questions carefully.

#### खण्ड - अ / SECTION - A

## वस्तुनिष्ठ प्रश्न / Objective Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 100 तक के प्रश्न के साथ चार विकल्प दिए गए हैं जिनमें से एक सही है। किन्हीं 50 प्रश्नों के उत्तर दें। अपने द्वारा चुने गए सही विकल्प को OMR शीट पर चिहिनत करें।

 $50 \times 1 = 50$ 

Question Nos. 1 to 100 have four options, out of which only one is correct. Answer any  $50 \times 1 = 50$ 50 questions. You have to mark your selected option on the OMR-Sheet.

$$1. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(e^{13x}) =$$

(A) 
$$e^{13x}$$

(B) 
$$\frac{1}{13}e^{13x}$$

(C) 
$$13e^{13x}$$

(D) 
$$-13e^{13x}$$

$$2. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\sin\frac{x}{5}) =$$

(A) 
$$\cos \frac{x}{5}$$

$$(B) \qquad -\frac{1}{5}\cos\frac{x}{5}$$

(A) 
$$\cos \frac{x}{5}$$
  
(C)  $\frac{1}{5} \cos \frac{x}{5}$   
 $\frac{d}{dx} (\cos 2x) =$ 

$$(D) \qquad -\frac{1}{5}\sin\frac{x}{5}$$

$$3. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\cos 2x) =$$

(A) 
$$-\sin 2x$$

(B) 
$$2 \sin 2x$$

(C) 
$$-2\sin 2x$$

(D) 
$$-\frac{1}{2}\sin 2x$$

4. 
$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\tan\frac{x}{3}) =$$

(A) 
$$\sec^2 \frac{x}{3}$$

(B) 
$$\frac{1}{3}\sec^2\frac{x}{3}$$

(C) 
$$3\sec^2\frac{x}{3}$$

(D) 
$$3 \cdot \cot \frac{x}{3}$$

$$5. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left( \frac{x^4}{4} \right) =$$

(A)  $4x^3$ 

 $\frac{x^3}{4}$ (B)

(C)  $x^3$ 

 $16x^{3}$ (D)

- $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\log x^4) =$ 6.
  - $\frac{4}{x}$ (A)

(C)  $\frac{1}{4x}$ 

 $\frac{3}{4x}$  con (D)

- $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\theta}(\sin^2\theta) =$ 7.
  - $\sin^2 \theta$ (A)
  - (C)  $\sin 2\theta$

- $\cos^2 \theta$ (B)
- $-\sin 2\theta$ (D)

- $\frac{d}{d\theta}(\cos^3\theta) =$ 8.
  - $-3\sin^3\theta$ (A)

 $3\sin^3\theta\cos\theta$ (B)

(C)  $-3\cos^2\theta\sin\theta$ 

 $3\cos^2\theta\sin\theta$ (D)

- $\frac{d}{dx}(\tan^2 x) =$ 9.
  - (A)  $\sec^2 x$

(B)  $2\tan x$ 

(C)  $-2\tan x \sec^2 x$ 

 $2\tan x \sec^2 x$ (D)

- $\int x^{3/2} \, \mathrm{d}x =$ 10.
  - (A)  $\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + k$

(B)  $\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} + k$ 

(C)  $\frac{2}{3}x^{\frac{5}{2}} + k$ 

(D)  $\frac{5}{2}x^{\frac{5}{2}} + k$ 

11. 
$$\int \frac{\mathrm{d}x}{x} =$$

- (A)  $\log|x|+k$
- (C)  $e^x + k$
- $\int \sin x \, dx =$ 12.
  - (A)  $k + \cos x$
  - (C)  $-\tan x + k$
- $\int \cos 60 \, d\theta =$ 13.
  - (A)  $k + \sin 60$
  - $k-6\sin 60$ (C)
- $\int \tan 2x \, \mathrm{d}x =$ 14.
  - $\frac{1}{2}\log|\tan 2x|+k$
  - $2\log|\sec 2x| + k$   $2 dx = \frac{1}{3}$
- $\int_{0}^{1} x^{2} dx =$ 15.

  - 1 (C)
- $\int \sin x \, dx =$ 
  - (A) 0
  - (C) - 1

- $x \log |x| + k$ (B)
- x+k(D)
- (B)  $k - \cos x$
- (D)  $\tan x - k$
- $k \sin 60$ (B)
- $k + \frac{1}{6}\sin 60$
- $\frac{1}{2}\log|\sec 2x| + k$ (B)
- (D)  $\log |\sec x| + k$
- (B)
- (D)
- (B) 1
- (D) 2

$$17. \qquad \int_{a}^{b} e^{x} \, \mathrm{d}x =$$

- (A)  $\frac{b}{a}e^x$
- (C)  $e^b e^a$
- $\int_{a}^{b} dx =$ 18.
  - (A) b-a
  - (C)  $\frac{b}{a}$
- $19. \qquad \int_{0}^{1} x \, \mathrm{d}x =$
- 20.  $\int \frac{x^2 1}{x 1} \, dx = 0$ (A) x + k

  - (C)  $\frac{x^3}{3} \frac{x^2}{2} + k$
  - $21. \qquad \int_{-\pi}^{\pi} \tan x \, dx =$ 
    - (A) 0
    - (C) 2

- (B)
- (D)
- (B)
- (D)
- (B)
- (D)  $\frac{1}{4}$
- $(B) \qquad \frac{x^2}{2} + x + k$
- (D)  $\frac{x^2}{2} + 2x + k$
- (B) 1
- (D)

22. 
$$\int_{-\pi/4}^{\pi/4} \sin^3 x \, dx =$$

- (A) 0
- (C) .2

- (B)
- $\frac{3}{\sqrt{2}}$ (D)

$$23. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{e^x + e^{-x}} =$$

- $\tan^{-1}(e^x) + k$ (A)
- $\log|e^x + e^{-x}| + k$ (C)

- (B)  $\tan^{-1}(e^{-x})+k$
- (D)

24. 
$$\int (4e^{3x} + 1) dx =$$

- (A)  $4e^{3x} + k$
- $12e^{3x} + x + k$ (C)

- $\frac{4}{3}e^{3x} + x + k$
- $12e^{3x} + k$

$$25. \qquad 3\int \sqrt{x} \, dx =$$

- $4x^{3} + k$ (B)
- $6x^{3/2} + k$ (D)

(A) 
$$2x^{3/2} + k$$
  
(C)  $3x^{3/2} + k$   
26.  $\int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = 1$ 

- (A)  $\tan^{-1} x + k$
- (C)  $\cos^{-1} x + k$
- 27.  $2\int \frac{1}{1+4x^2} dx =$ 
  - $\tan^{-1} x + k$ (A)
  - (C)  $\tan^{-1} 2x + k$

- $\sin^{-1} x + k$ (B)
- $\sec^{-1} x + k$ (D)
- $\log|1+4x^2|+k$ (B)
- $\sin^{-1} 2x + k$ (D)

28. 
$$\int \left( \frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{\csc x} \right) dx =$$

(A)  $k + \csc x$ 

(B)  $k - \sin x$ 

(C)  $k + \sin x$ 

(D)  $k - \cos x$ 

- 29.  $3 \int dx =$ 
  - (A) 3x + k

(B) 3+k

(C)  $\frac{1}{3}+k$ 

(D) 1+k

- 30.  $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\left(a^{x}\right) =$ 
  - (A)  $a^x$

(B)  $\frac{a^x}{\log a}$ 

(C)  $a^x \cdot \log a$ 

- (D)  $x \log a$
- 31. अवकल समीकरण x dy + y dx = 0 का हल है
  - (A) x = y + c

(B) xy = c

(C) x+y=c

(D)  $x = y^2 + c$ 

The solution of the differential equation x dy + y dx = 0 is

(A) x = y + c

(B) xy = c

(C) x+y=c

 $(D) x = y^2 + c$ 

- $32. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{x^2 1} =$ 
  - (A)  $\sin^{-1} x + k$

(B)  $\frac{1}{2}\log|\frac{x-1}{x+1}|+k$ 

(C)  $\frac{1}{2}\log|\frac{x+1}{x-1}|+k$ 

(D)  $\sqrt{1-x^2} + k$ 

$$33. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{x^2 + 4} =$$

(A)  $\frac{1}{2} \sin^{-1} \frac{x}{2} + k$ 

(B)  $\frac{1}{2}\cos^{-1}\frac{x}{2}+k$ 

(C)  $\frac{1}{2} \tan^{-1} \frac{x}{2} + k$ 

 $\tan^{-1} x + k$ (D)

34. 
$$2\overrightarrow{i} \cdot 3\overrightarrow{j} =$$

- (A)  $\overrightarrow{6k}$
- (C) 0

- (B)
- (D)

35. 
$$3\overrightarrow{j} \cdot 2\overrightarrow{k} =$$

- (A) 6
- (C)  $\overrightarrow{6}i$

- (D)

(C) 
$$6\vec{i}$$

36.  $(3\vec{i} + 4\vec{j} - 5\vec{k}) \cdot \vec{i} = 0$ 

(A)  $7$ 

(C)  $2$ 

(B)

(D)

37. 
$$(\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}) \cdot (2\overrightarrow{i} + 3\overrightarrow{j}) =$$

(A) 5

6 (B)

(C)

(D) 11

38. 
$$|2\overrightarrow{i}+\overrightarrow{j}+2\overrightarrow{k}|=$$

(A)

(B) 5

(C)

(D) 1

$$\int_{0}^{1} \frac{\tan^{-1} x}{1 + x^{2}} \, \mathrm{d}x =$$

(A) 
$$\frac{\pi^2}{8}$$

(B) 
$$\frac{\pi^2}{12}$$

(C) 
$$\frac{\pi^2}{16}$$

(D) 
$$\frac{\pi^2}{32}$$

40. यदि 
$$\overrightarrow{a} = \overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j}$$
 तथा  $\overrightarrow{b} = 2\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}$  तो  $|\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}|$  का मान है

(A) 
$$\sqrt{2}$$

If  $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j}$  and  $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j}$  then the value of  $|\vec{a} + \vec{b}|$  is

(A) 
$$\sqrt{2}$$

41. सिंदश 
$$\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}$$
 की दिशा में इकाई सिंदश है

(A) 
$$\frac{\vec{i} + \vec{j}}{\sqrt{2}}$$

(B) 
$$2\vec{i} + 3\vec{j}$$

(C) 
$$\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$

(D) 
$$2\vec{i}-3\vec{j}$$

The unit vector in the direction of the vector  $\vec{i} + \vec{j}$  is

(A) 
$$\frac{\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}}{\sqrt{2}}$$

(B) 
$$2\vec{i} + 3\vec{j}$$

(C) 
$$\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$

(D) 
$$2\vec{i}-3\vec{j}$$

अवकल समीकरण  $\frac{dy}{dx} + y = 1, y \neq 1$  का हल है 42.

(A) 
$$y = 1 + Ae^{-x}$$

(B) 
$$y = Ae^x$$

$$(C) y = Ae^{2x} + 1$$

(D) 
$$y = 1 + Ae^{3x}$$

The solution of the differential equation  $\frac{dy}{dx} + y = 1$ ,  $y \ne 1$  is

(A) 
$$y = 1 + Ae^{-x}$$

(B) 
$$y = Ae^{\lambda}$$

$$(C) y = Ae^{2x} + 1$$

(D) 
$$y = 1 + Ae^{3x}$$

अवकल समीकरण  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} + 2y = \cos x$  का समाकलन गुणक है 43.

(A) 
$$e^{2x}$$

(B) 
$$e^{-2x}$$

(C) 
$$e^{\cos x}$$

The integrating factor of the differential equation  $\frac{dy}{dx} + 2y = \cos x$  is

(A) 
$$e^{2x}$$

(B) 
$$e^{-2x}$$

(C) 
$$e^{\cos x}$$

 $5 \overrightarrow{j} \times 4 \overrightarrow{i} =$ (A) 20

(D) 
$$-20 \overrightarrow{k}$$

मूल बिन्दु से तल 2x-3y+4z=6 की दूरी है

$$(A)$$
  $\frac{6}{\sqrt{35}}$ 

(B) 
$$\frac{6}{\sqrt{37}}$$

(C) 
$$\frac{6}{\sqrt{29}}$$

(D) 
$$\frac{6}{\sqrt{31}}$$

The distance of the plane 2x-3y+4z=6 from the origin is

(A) 
$$\frac{6}{\sqrt{35}}$$

(B) 
$$\frac{6}{\sqrt{37}}$$

(C) 
$$\frac{6}{\sqrt{29}}$$

(D) 
$$\frac{6}{\sqrt{31}}$$

तलों 2x+y-2z=5 तथा 3x-6y-2z=7 के बीच का कोण है 6.

(A) 
$$\frac{\pi}{2}$$

(B) 
$$\frac{\pi}{4}$$

(C) 
$$\cos^{-1}\left(\frac{4}{21}\right)$$

(B) 
$$\frac{\pi}{4}$$
(D)  $\cos^{-1}(\frac{16}{21})$ 

The angle between two planes 2x+y-2z=5 and 3x-6y-2z=7 is

$$(A)$$
  $\frac{\pi}{2}$ 

B) 
$$\frac{\pi}{4}$$

(C) 
$$\cos^{-1}\left(\frac{4}{21}\right)$$

(D) 
$$\cos^{-1}\left(\frac{16}{21}\right)$$

7. 2, -1, -2 दिक् अनुपात वाले रैखा की दिक् कोज्याएँ हैं

(A) 
$$\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}$$

(B) 
$$\frac{2}{\sqrt{14}}$$
,  $\frac{-1}{\sqrt{14}}$ ,  $-\frac{-2}{\sqrt{14}}$ 

(C) 
$$\frac{2}{5}, \frac{-1}{5}, \frac{-2}{5}$$

The direction cosines of a line having direction ratios 2, -1, -2 are

(A) 
$$\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}$$

(B) 
$$\frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{-1}{\sqrt{14}}, -\frac{-2}{\sqrt{14}}$$

(C) 
$$\frac{2}{5}, \frac{-1}{5}, \frac{-2}{5}$$

18. 
$$(\vec{i} - 2\vec{j} + 5\vec{k}) \cdot (-2\vec{i} + 4\vec{j} + 2\vec{k}) =$$

(A) O

(B) 2

(C) -4

(D) 6

$$19. \qquad \int xe^{2x} \, \mathrm{d}x =$$

(A)  $(2x-1)\frac{e^{2x}}{4}+k$ 

(B)  $(x-1)\frac{e^{2x}}{4}+k$ 

(C)  $\frac{xe^{2x}}{4} + k$ 

(D)  $\frac{(x+2)e^{2x}}{4} + k$ 

50. 
$$(2\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}) \cdot (2\vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}) =$$

(A) 8

(B) 2

(C) 4

- (D) 20
- 51. यदि किसी सीधी रेखा की दिक् कोज्याएँ  $\frac{3}{\sqrt{77}}$ ,  $\frac{-2}{\sqrt{77}}$ , x हैं, तो x का मान है
  - $(A) \qquad \frac{6}{\sqrt{77}}$

(B)  $\frac{8}{\sqrt{77}}$ 

(C)  $\frac{9}{\sqrt{77}}$ 

(D)  $\frac{1}{\sqrt{77}}$ 

If the direction cosines of a straight line are  $\frac{3}{\sqrt{77}}$ ,  $\frac{-2}{\sqrt{77}}$ , x then the value of x is

(A)  $\frac{6}{\sqrt{77}}$ 

(B)  $\frac{8}{\sqrt{77}}$ 

(C)  $\frac{9}{\sqrt{77}}$ 

(D)  $\frac{1}{\sqrt{77}}$ 

52. 
$$(\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}) \cdot (\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}) \times (\overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j} - \overrightarrow{k}) =$$

(A) O

(B) 2

(C) 4

(D) 6

- 53. तल 3x + 4y + 5z 6 = 0 पर अभिलम्ब के दिक् अनुपात हैं
  - (A) 3, 4, 5

(B) -3, 4, 5

(C) 3, -4, 5

(D) 2, 3, -4

The direction ratios of the normal to the plane 3x+4y+5z-6=0 are

(A) 3, 4, 5

(B) -3, 4, 5

(C) 3, -4, 5

- (D) 2, 3, -4
- 54. निम्नलिखित में कौन तल, तल x = 0 के समांतर है ?
  - (A) x = -5

(B) y = 0

(C) z=5

(D) इनमें से कोई नहीं

Which of the following planes is parallel to the plane x = 0?

(A) x = -5

(B) y = 0

(C) z=5

- (D) None of these
- 55. तल 2x-3y+4z=7 के समांतर एक तल का समीकरण है
  - (A) 2x 3y 4z = 7

(B) 2x-3y+4z=11

(C) 2x + 4y - 3z = 11

(D) इनमें से कोई नहीं

Equation of a plane parallel to the plane 2x-3y+4z=7 is

(A) 2x - 3y - 4z = 7

(B) 2x-3y+4z=11

(C) 2x + 4y - 3z = 11

- (D) none of these
- 56. तल 4x+3y-z+1=0 पर लम्ब तल का समीकरण है
  - (A) x 5y 11z + 7 = 0

(B) x-y-z=2

(C) 3x - 11y + 9z = 1

(D) इनमें से कोई नहीं

Equation of a plane perpendicular to the plane 4x+3y-z+1=0 is

(A) 
$$x - 5y - 11z + 7 = 0$$

$$(B) x - y - z = 2$$

(C) 
$$3x - 11y + 9z = 1$$

57. 
$$\begin{vmatrix} 2 & 5 & 7 \\ 6 & -8 & -2 \\ 3 & 5 & 8 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix}
4 & 1 & 3 \\
0 & 2 & -2 \\
5 & 7 & -2
\end{vmatrix} =$$

$$(C) - 1$$

$$59. \quad 3\begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} =$$

$$(A) \qquad \begin{bmatrix} 15 & 18 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$$

$$(B) \qquad \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 21 & 24 \end{bmatrix}$$

$$(C) \qquad \begin{bmatrix} 15 & 18 \\ 21 & 24 \end{bmatrix}$$

$$(D) \qquad \begin{bmatrix} 15 & 6 \\ 21 & 8 \end{bmatrix}$$

$$60. \qquad 2\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} =$$

(A) 
$$\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

(B) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

बिहार बोर्ड के नए और पुराने <mark>ऑफिसियल क्वेश्नन पेपर, मॉडल पेपर</mark>, ऑसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

(C) 
$$\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

(D) 
$$\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 6 & 8 \end{bmatrix}$$

$$61. \quad \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 8 & 10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 50 \end{bmatrix} =$$

(C) 
$$\begin{bmatrix} 10 & 25 \\ 400 & 500 \end{bmatrix}$$

62. 
$$\begin{bmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{bmatrix} =$$

(A) 12

(B) 24

(C) 28

(D) - 28

63. यदि 
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$$
 तो adjoint  $A =$ 

(A)  $\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ 

(B)  $\begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 1 & -4 \end{bmatrix}$ 

(C)  $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -4 \end{bmatrix}$ 

(D)  $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$ 

If  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$  then adjoint A =

(A)  $\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ 

(B)  $\begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 1 & -4 \end{bmatrix}$ 

(C)  $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -4 \end{bmatrix}$ 

 $(D) \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$ 

64. यदि  $x = a\cos\theta$ ,  $y = a\sin\theta$  तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

(A)  $\tan \theta$ 

(B) - cot θ

(C) - tan θ

(D)  $\sec^2 \theta$ 

If  $x = a \cos \theta$ ,  $y = a \sin \theta$  then  $\frac{dy}{dx}$  is equal to

(A)  $\tan \theta$ 

(B)  $-\cot\theta$ 

(C) - tan 0

(D)  $\sec^2 \theta$ 

65. यदि  $x = at^2$ , y = 2at तो  $\frac{dy}{dx}$  बराबर है

(A) t

(B)  $\frac{1}{t}$ 

(C)  $t^2$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

If  $x = at^2$ , y = 2at then  $\frac{dy}{dx}$  is equal to

(A)

(B)  $\frac{1}{t}$ 

(C)  $t^2$ 

(D) none of these

- $56. \qquad \frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}x^2} \left( x^2 + 3x + 2 \right) =$ 
  - (A) 4

(B) 4x

(C) 2x + 3

(D) 2

- $67. \qquad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \Big[ \cos^{-1} \left( \sin x \right) \Big] =$ 
  - (A) 1

(B)  $\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$ 

(C)  $\frac{\sin x}{\sqrt{1-x^2}}$ 

- D)  $\frac{\pi}{2} x$
- 68. निम्नलिखित में कौन उद्देशीय फलन है?
  - (A) z = 5x + 7y

(B) x > 0

(C) y > 0

(D) इनमें से कोई नहीं

Which of the following is an objective function?

 $(A) \quad z = 5x + 7y$ 

(B) x>0

(C) y>0

- (D) none of these
- 69. व्यवरोधों  $x+y \le 7, x \ge 0, y \ge 0$  के अंतर्गत 11x+2y का न्यूनतम मान है
  - (A) 77

(B) 14

(C) 0

(D) - 14

The minimum value of 11x+2y subject to constraints  $x+y \le 7$ ,  $x \ge 0$ ,  $y \ge 0$  is

(A) 77

(B) 14

(C) 0

(D) -14

70. व्यवरोधों  $3x + 5y \le 30, x \ge 0, y \ge 0$  के अंतर्गत x + y का अधिकतम मान है

(A) 16

(B) 10

(C) 6

(D) इनमें से कोई नहीं

The maximum value of x + y subject to constraints  $3x + 5y \le 30$ ,  $x \ge 0$ ,  $y \ge 0$  is

(A) 16

(B) 10

(C) 6

(D) none of these

71. 
$$X = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow X^8 =$$

(A)  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ 

(B)  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  COIN

(C)  $\begin{bmatrix} 0 & 8 \\ 8 & 0 \end{bmatrix}$ 

 $(D) \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ 

72. 
$$x \in R$$
,  $\tan^{-1} x + \cot^{-1} x =$ 

(A) π

(B)  $\frac{\pi}{2}$ 

(C)  $\frac{2\pi}{3}$ 

(D)  $\frac{3\pi}{4}$ 

(A)  $\frac{-\pi}{6}$ 

(B)  $\frac{\pi}{3}$ 

(C)  $\frac{\pi}{6}$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

The principal value of cosec<sup>-1</sup>2 is

(A)  $\frac{-\pi}{6}$ 

(B)  $\frac{\pi}{3}$ 

(C)  $\frac{\pi}{6}$ 

(D) none of these

- 74.  $a \circ b = a^3 + b^3$  प्रकार से परिभाषित N में एक द्विआधारी संक्रिया 'o' में निम्निलिखित में कौन सत्य है ?
  - (A) संक्रिया साहचर्य और क्रम विनिमेय है
  - (B) संक्रिया क्रम विनिमेय है किन्तु साहचर्य नहीं है
  - (C) संक्रिया साहचर्य है किन्तु क्रम विनिमेय नहीं है
  - (D) इनमें से कोई नहीं

Which of the following is true in a binary operation b defined on b by  $a \circ b = a^3 + b^3$ ?

- (A) Operation is both associative and commutative
- (B) Operation is commutative but not associative
- (C) Operation is associative but not commutative
- (D) None of these
- 75. समुच्चय  $A = \{a, b, c\}$  में कुल कितने भिन्न संबंध परिभाषित किए जा सकते हैं ?
  - (A)  $2^9$

(B)  $2^3$ 

(C) 9

(D) इनमें से कोई नहीं

How many distinct relations can be defined on the set  $A = \{a, b, c\}$ ?

(A)  $2^9$ 

(B) 2<sup>3</sup>

(C) 9

(D) none of these

 $76. \qquad \int_{1}^{4} \sqrt{x} \, \mathrm{d}x =$ 

(A)  $\frac{14}{3}$ 

(B)  $\frac{11}{3}$ 

(C)  $\frac{19}{3}$ 

(D)  $\frac{22}{3}$ 

77. यदि तल 
$$ax + by + cz + d = 0$$
 के समांतर रेखा  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-5}{6}$  हो तो

(A) 
$$2a + 3b + 5c = 0$$

(B) 
$$3a + 4b + 5c = 0$$

(C) 
$$3a+4b+6c=0$$

If the plane ax + by + cz + d = 0 is parallel to the line  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-5}{6}$  then

(A) 
$$2a + 3b + 5c = 0$$

(B) 
$$3a + 4b + 5c = 0$$

(C) 
$$3a+4b+6c=0$$

78. यदि रेखा 
$$\frac{x-2}{a} = \frac{y-3}{b} = \frac{z-4}{c}$$
 रेखा  $\frac{x}{4} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$  के समांतर हो तो

(A) 
$$4a + 2b + 3c = 0$$

(B) 
$$4a = 2b = 3c$$

(C) 
$$\frac{a}{4} = \frac{b}{2} = \frac{c}{3}$$

If the line  $\frac{x-2}{a} = \frac{y-3}{b} = \frac{z-4}{c}$  is parallel to the line  $\frac{x}{4} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$  then

(A) 
$$4a+2b+3c=0$$

$$(B) \qquad 4a = 2b = 3c$$

(C) 
$$\frac{a}{4} = \frac{b}{2} = \frac{c}{3}$$

79. 
$$(2\overrightarrow{i}+3\overrightarrow{k}) \cdot (\overrightarrow{i}+\overrightarrow{j}+4\overrightarrow{k}) \times (3\overrightarrow{i}+\overrightarrow{j}+7\overrightarrow{k}) =$$

(A) O

(B) 112

(C) 126

(D) 192

80. 
$$\tan^{-1}\frac{1}{7} + \tan^{-1}\frac{1}{13} =$$

(A)  $\tan^{-1}\frac{1}{9}$ 

(B)  $\tan^{-1}\frac{2}{9}$ 

(C)  $\tan^{-1} \frac{20}{91}$ 

(D)  $\tan^{-1} \frac{2}{91}$ 

81. 
$$2 \tan^{-1} \frac{1}{2} =$$

(A) 
$$\tan^{-1} \frac{3}{4}$$

(B) 
$$\tan^{-1}\frac{4}{3}$$

(C) 
$$\tan^{-1} \frac{7}{12}$$

(D) 
$$\tan^{-1} \frac{12}{7}$$

(A) 
$$P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B)$$

(B) 
$$P(A \cup B) = \frac{P(A)}{P(B)}$$

(C) 
$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

(D) 
$$P(A \cap B) = \frac{P(A)}{P(B)}$$

Two events A and B are independent if

(A) 
$$P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B)$$

(B) 
$$P(A \cup B) = \frac{P(A)}{P(B)}$$

(C) 
$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

$$P(A \cap B) = \frac{P(A)}{P(B)}$$

83. यदि 
$$P(A) = \frac{1}{2}, P(B) = 0$$
 तो  $P(A/B) =$ 

(B) 
$$\frac{1}{2}$$

If 
$$P(A) = \frac{1}{2}$$
,  $P(B) = 0$  then  $P(A/B) =$ 

(B) 
$$\frac{1}{2}$$

84. 
$$\begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} =$$

(A) 
$$\begin{bmatrix} 8 & 6 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(B) 
$$\begin{bmatrix} 7 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

(C) 
$$\begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

(D) 
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- 85. यदि घटनाएँ A और B स्वतंत्र हों तथा  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(A \cup B) = \frac{3}{5}$  तथा P(B) = p तो p का मान है
  - (A) 5

(B)  $\frac{1}{5}$ 

(C)  $\frac{1}{13}$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

If events A and B are independent and  $P(A) = \frac{1}{2}$ ,  $P(A \cup B) = \frac{3}{5}$  and P(B) = p then the value of p is

(A) 5

(B)  $\frac{1}{5}$ 

(C)  $\frac{1}{13}$ 

(D) none of these

- 86.  $\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 6 \end{bmatrix} =$ 
  - (A) [5 6]

(B) [5]

(C)  $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$ 

(D)  $\begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ 

- 87.  $[x \ y] = [2x-1 \ 7] \Rightarrow$ 
  - (A) x = 3, y = 7

(B) x = 1, y = 7

(C) x = 0, y = 7

- (D) x = 3, y = 4
- 88. यदि एक वर्ग आव्यूह A इस प्रकार है कि  $3A^3 + 2A^2 + 5A + I = 0$  तो  $A^{-1}$  बराबर है
  - (A)  $3A^2 + 2A + 5I$

(B)  $-3A^2 - 2A - 5I$ 

(C)  $-3A^2 + 2A - 5I$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

If a square matrix A is such that  $3A^3 + 2A^2 + 5A + I = 0$  then  $A^{-1}$  is equal to

(A)  $3A^2 + 2A + 5I$ 

(B)  $-3A^2-2A-5I$ 

(C)  $-3A^2 + 2A - 5I$ 

(D) none of these

89. 
$$\int_{0}^{1} x(1-x)^{10} dx =$$

(A)  $\frac{1}{132}$ 

(B)  $\frac{5}{132}$ 

(C)  $\frac{7}{132}$ 

- (D)  $\frac{45}{244}$
- 0. यदि  $x = \frac{1}{5}$  तो  $\cos(\cos^{-1} x + 2\sin^{-1} x)$  का मान है
  - (A)  $\frac{1}{5}$

(B)  $-\frac{1}{5}$ 

(C)  $\frac{\sqrt{24}}{5}$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

If  $x = \frac{1}{5}$  then the value of  $\cos(\cos^{-1} x + 2\sin^{-1} x)$  is

(A)  $\frac{1}{5}$ 

(B)  $-\frac{1}{5}$ 

(C)  $\frac{\sqrt{24}}{5}$ 

- (D) none of these
- 1. निम्नलिखित में कौन सममित आव्यूह है ?
  - (A)  $\begin{bmatrix} -1 & 2 & -2 \\ -2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$

(B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$ 

(C)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$ 

(D) इनमें से कोई नहीं

Which of the following matrices is symmetric?

(A)  $\begin{bmatrix} -1 & 2 & -2 \\ -2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ 

(B)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$ 

(C)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$ 

(D) none of these

92. यदि दो घटनाएँ A और B इस प्रकार हों कि P(A)≠0 तथा P(B/A)=1 तो

(A)  $A \subset B$ 

(B)  $B \subset A$ 

(C)  $B = \phi$ 

(D)  $A = \phi$ 

If A and B are two events such that  $P(A)\neq 0$  and P(B/A)=1 then

(A)  $A \subset B$ 

(B)  $B \subset A$ 

(C)  $B = \phi$ 

(D)  $A = \phi$ 

93.  $\sin^{-1}\frac{3}{5} + \sin^{-1}\frac{12}{13} =$ 

(A)  $\sin^{-1} \frac{36}{65}$ 

(B)  $\sin^{-1} \frac{63}{65}$ 

(C)  $\frac{\pi}{2}$ 

D)  $\frac{\pi}{6}$ 

94.  $\int_{\pi/2}^{\pi/2} \sin^2 x \, dx =$ 

(A) O

(B) 1

(C) 5

(D) 11

95. एक सिक्के को 10 बार उछाला जाता है। ठीक छः चित आने की प्रायिकता है

(A)  ${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^6$ 

(B)  ${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^7$ 

(C)  ${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^8$ 

(D)  $^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^{10}$ 

A coin is tossed 10 times. The probability of getting exactly six heads is

(A)  ${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^6$ 

(B)  ${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^7$ 

(C)  ${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^8$ 

(D)  ${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^{10}$ 

- x-अक्ष की दिक् कोज्याओं का योग है
  - (A) 1

(B) 2

(C) 3

(D) 4

The sum of direction cosines of the x-axis is

(A) 1

(B) 2

(C) 3

- (D) 4
- 7. समतल 2x + y z = 5 द्वारा x-, y- तथा z-अक्ष पर काटे गए अंतःखंड क्रमशः हैं
  - (A)  $\frac{2}{5}, \frac{1}{5}, \frac{-1}{5}$

(B)  $\frac{5}{2}$ , 5, 5

(C)  $\frac{5}{2}$ , 5, -5

(D) 2, 1, -1

The intercepts cut off by the plane 2x + y - z = 5 on the x-, y- and z-axes respectively are

(A)  $\frac{2}{5}, \frac{1}{5}, \frac{-1}{5}$ 

(B)  $\frac{5}{2}$ , 5, 5

(C)  $\frac{5}{2}$ , 5, -5

- (D) 2, 1, -1
- 8. व्यवरोधों  $x+y \le 5, x \ge 0, y \ge 0$  के अंतर्गत z=2x-3y का न्यूनतम मान है
  - (A) O

(B) 10

(C) - 15

(D) 20

The minimum value of z = 2x - 3y subject to constraints  $x + y \le 5$ ,  $x \ge 0$ ,  $y \ge 0$  is

(A) O

(B) 10

(C) - 15

(D) 20

बिहार बोर्ड के नए और पुराने <mark>ऑफिसियल क्वेश्नन पेपर, मॉडल पेपर</mark>, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा <mark>प्रश्न पत्र</mark> आदि के लिए...

9. बिन्दु (2, -3, -1) से तल 2x-3y+6z+7=0 की दूरी है



(A) 2

(B) 3

(C) 6

(D) 7

The distance of the plane 2x-3y+6z+7=0 from the point (2,-3,-1) is

(A) 2

(B) 3

(C) 6

(D) 7

100. अवकल समीकरण 
$$\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^3 + 2\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 9y = \sin x$$
 की कोटि है

(A) 3

(B) 4

(C) 2

(D) 'इनमें से कोई नहीं

The order of the differential equation  $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^3 + 2\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 + 9y = \sin x$  is

(A) 3

(B) 4

(C) 2

(D) none of these

#### खण्ड - ब / SECTION - B

### लघु उत्तरीय प्रश्न / Short Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 30 तक लघु उत्तरीय हैं। इनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए 2 अंक निर्धारित है।

Question Nos. 1 to 30 are Short Answer Type. Answer any 15 questions. Each question carries 2 marks.  $15 \times 2 = 30$ 

- 1. दो बिन्दुओं (-2, 4, -5) और (1, 2, 3) को मिलाने वाली रेखा की दिक्-कोसाइन ज्ञात करें। 2 Find the direction cosines of the line passing through the two points (-2, 4, -5 and (1, 2, 3). biharboardquestionpaper.com
- 2. समाकलन करें :  $\int \sqrt{1+\cos 2x} \ dx$ .

Integrate:  $\int \sqrt{1+\cos 2x} \, dx$ .

3. समाकलन करें :  $\int \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{1 + \sin 2x}} \, \mathrm{d}x.$ 

Integrate:  $\int \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{1 + \sin 2x}} \, \mathrm{d}x.$ 

4. सिद्ध करें कि  $2 \tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{7} = \frac{\pi}{4}$ .

Prove that  $2 \tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{7} = \frac{\pi}{4}$ .

यदि 
$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ x & y \\ x^2 & y^2 \end{bmatrix}$$
 तो  $AA'$  और  $A'A$  ज्ञात करें।

If 
$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ x & y \\ x^2 & y^2 \end{bmatrix}$$
 then find  $AA'$  and  $A'A$ .

यदि 
$$y = \sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$$
 तो  $\frac{dy}{dx}$  ज्ञात करें।

If 
$$y = \sin^{-1}\left(\frac{2x}{1+x^2}\right)$$
 then find  $\frac{dy}{dx}$ .

यदि 
$$y = \log\left(x^2 \sqrt{x^2 + 1}\right)$$
 तो  $\frac{dy}{dx}$  ज्ञात करें।

If 
$$y = \log\left(x^2\sqrt{x^2+1}\right)$$
 then find  $\frac{dy}{dx}$ .

यदि 
$$x = a\cos t + b\sin t$$
,  $y = a\sin t + b\cos t$  तो  $\frac{dy}{dx}$  ज्ञात करें।

If 
$$x = a \cos t + b \sin t$$
,  $y = a \sin t + b \cos t$  then find  $\frac{dy}{dx}$ .

यदि 
$$y = (\sin x)^{\log x}$$
 तो  $\frac{dy}{dx}$  ज्ञात करें।

If 
$$y = (\sin x)^{\log x}$$
 then find  $\frac{dy}{dx}$ .

1. समाकलन करें : 
$$\int \frac{x-2}{x^2-3x+2} dx$$
.

Integrate: 
$$\int \frac{x-2}{x^2-3x+2} dx$$
.

12. समाकलन करें : 
$$\int \frac{(\sin x - \cos x)^3}{\sqrt{1 - \sin 2x}} dx$$
.

Integrate: 
$$\int \frac{(\sin x - \cos x)^3}{\sqrt{1 - \sin 2x}} dx.$$

13. समाकलन करें : 
$$\int \frac{e^{2x} dx}{1+e^x}$$
.

Integrate: 
$$\int \frac{e^{2x} dx}{1 + e^x}.$$

14. 
$$\int_{0}^{\pi/2} \sin^4 0 \ d\theta \ \text{का मान ज्ञात करें।}$$

Evaluate 
$$\int_{0}^{\pi/2} \sin^4 0 \ d\theta.$$

15. 
$$\int_{0}^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\cos x} + \sqrt{\sin x}} dx$$
 का मान ज्ञात करें।

Evaluate 
$$\int_{0}^{\pi/2} \frac{\sqrt{\sin x}}{\sqrt{\cos x} + \sqrt{\sin x}} dx.$$

x के किन मानों के लिए फलन  $y=x^2-5x+3$  का मान हासमान है ?

For what values of x, the value of function  $y=x^2-5x+3$  is decreasing?

17. हल करें : 
$$y - x \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = 2(y^2 + \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x})$$
.

Solve: 
$$y - x \frac{dy}{dx} = 2(y^2 + \frac{dy}{dx})$$
.

8. हल करें : 
$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} + 2y \tan x = \sin x$$
.

2000

Solve:  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} + 2y \tan x = \sin x$ .

दो रेखाओं के बीच का न्यूनकोण ज्ञात करें जिनके दिक् अनुपात (1, 1, 2) और (√3-1,-√3-1,4) हैं।

Find the acute angle between the lines whose direction ratios are (1, 1, 2) and  $(\sqrt{3}-1,-\sqrt{3}-1,4)$ . biharboardquestionpaper.com

0. k का मान ज्ञात करें जिससे सरल रेखाएँ  $\frac{x-1}{-1} = \frac{y+3}{k} = \frac{z-7}{2}$  तथा  $\frac{x+1}{k} = \frac{y}{2} = \frac{z+6}{-3}$  परस्पर लम्ब हों।

Find the value of k so that the lines  $\frac{x-1}{-1} = \frac{y+3}{k} = \frac{z-7}{2}$  and  $\frac{x+1}{k} = \frac{y}{2} = \frac{z+6}{-3}$  are perpendicular to each other.

- 1.  $a = -4\vec{i} + 7\vec{j} 11\vec{k}$   $a = 10\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$   $a = 10\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$  then find  $a \times \vec{k}$ .
- एक सिक्के को 4 बार उछाला जाता है। ठीक तीन बार शीर्ष आने की प्रायिकता ज्ञात करें।
   A coin is tossed 4 times. Find the probability that exactly 3 heads appear.
- निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को हल करें :

व्यवरोधों 3x+4y≤12 x≥0, y≥0.

के अंतर्गत z=2x+3y का अधिकतम मान ज्ञात करें।

2

Solve the following linear programming problem:

Maximize z = 2x + 3y

subject to the constraints  $3x + 4y \le 12$ 

 $x \ge 0, y \ge 0$ .

 $r=8~\mathrm{cm}$  त्रिज्या वाले वृत्त के क्षेत्रफल के परिवर्तन की दर इसकी त्रिज्या r के सापेक्ष ज्ञात करें। 24.

Find the rate of change of the area of a circle with radius r = 8 cm with respect to its radius r.

28. मान ज्ञात करें : 
$$(2\vec{i} - 3\vec{j} + 4\vec{k}) \cdot (7\vec{i} + 8\vec{j} - 9\vec{k}) \times (9\vec{i} + 5\vec{j} - 5\vec{k})$$
.

Evaluate:  $(2\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}) \cdot (7\vec{i}+8\vec{j}-9\vec{k}) \times (9\vec{i}+5\vec{j}-5\vec{k})$ .

2 क्या फलन  $f: N \to N$  आच्छादक है जब  $f(x)=3x, x \in N$  ? 26. Is the function  $f: N \to N$  onto where  $f(x)=3x, x \in N$ ?

यदि दो घटनाओं A और B के लिए, P(A)=0.8, P(B)=0.5 तथा P(B/A)=0.4 हो तो 27. 2  $P(A \cup B)$  ज्ञात करें। If for two events A and B, P(A)=0.8, P(B)=0.5 and P(B/A)=0.4 then find  $P(A \cup B)$ .

दो पासों को एक साथ फेंका जाता है। अंकों का योगफल 9 या 10 आने की प्रायिकता ज्ञात करें। 28.

Two dice are thrown simultaneously. Find the probability of getting a sum 9 or 10.

29. मान ज्ञात करें : 
$$\int_a^b \frac{(\log x)^2}{x} \, \mathrm{d}x$$
.

Evaluate:  $\int_{a}^{b} \frac{(\log x)^2}{x} dx.$ 

30. हल करें : 
$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = \frac{x-y}{x+y}$$
.

Solve:  $\frac{dy}{dx} = \frac{x-y}{x+y}$ .

# दीर्घ उत्तरीय प्रश्न / Long Answer Type Questions

श्न संख्या 31 से 38 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं। इनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए अंक निर्धारित है।

huestion Nos. 31 to 38 are Long Answer Type questions. Answer any 4 questions. Each uestion carries 5 marks.  $4 \times 5 = 20$ 

1. मान ज्ञात करें 
$$\begin{vmatrix} a^2+1 & ab & ac \\ ab & b^2+1 & bc \\ ac & bc & c^2+1 \end{vmatrix}$$
.

Evaluate: 
$$\begin{vmatrix} a^2+1 & ab & ac \\ ab & b^2+1 & bc \\ ac & bc & c^2+1 \end{vmatrix}$$
.

2. सिद्ध करें कि 
$$\tan^{-1}\frac{2}{5} + \tan^{-1}\frac{1}{3} + \tan^{-1}\frac{1}{12} = \frac{\pi}{4}$$
.

Prove that 
$$\tan^{-1}\frac{2}{5} + \tan^{-1}\frac{1}{3} + \tan^{-1}\frac{1}{12} = \frac{\pi}{4}$$
.

3. यदि 
$$(x+y)=\sec^{-1}(x-y)$$
 तो  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}$  ज्ञात करें।

If 
$$(x+y)=\sec^{-1}(x-y)$$
 then find  $\frac{dy}{dx}$ .

4. न्यूनतमीकरण करें 
$$z = 2x + y$$

जबिक 
$$x+y \ge 1$$
  $x+2y \le 10$   $y \le 4$   $x \ge 0, y \ge 0$ .

5

$$Minimize z = 2x + y$$

subject to 
$$x+y \ge 1$$

$$x + 2y \le 10$$

$$y \leq 4$$

$$x \ge 0, y \ge 0$$
.

35. हल करें : 
$$x \cos\left(\frac{y}{x}\right) (y dx + x dy) = y (x dy - y dx) \sin\left(\frac{y}{x}\right)$$
.

Solve: 
$$x \cos \left(\frac{y}{x}\right) (y dx + x dy) = y (x dy - y dx) \sin \left(\frac{y}{x}\right)$$

36. रेखाओं 
$$\vec{r} = (\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}) + \lambda(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k})$$
 तथा

$$\vec{r} = (2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}) + \mu(2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k})$$
 के बीच की लघुतम दूरी ज्ञात करें। 5

Find the shortest distance between the lines

$$\overrightarrow{r} = (\overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}) + \lambda(\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} + \overrightarrow{k})$$
 and  $\overrightarrow{r} = (2\overrightarrow{i} - \overrightarrow{j} - \overrightarrow{k}) + \mu(2\overrightarrow{i} + \overrightarrow{j} + 2\overrightarrow{k})$ 

Find the mean of the number of tails in the throw of three coins.

38. मान ज्ञात करें : 
$$\int\limits_0^{\pi/2} \log \sin x \, \mathrm{d}x$$
 .

Evaluate: 
$$\int_{0}^{\pi/2} \log \sin x \, dx$$
.

बिहार बोर्ड के नए और पुराने ऑफिसियल क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेपर, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

BiharboardQuestionpaper.com

अभी विजिट करें ..

5

5