विषय कोड : Subject Code :

121/327

INTERMEDIATE EXAMINATION - 2024

प्रश्न पुस्तिका सेट कोड Question Booklet Set Code

 \mathbf{D}_{s}

इन्टरमीडिएट परीक्षा - 2024 (ANNUAL / वार्षिक) प्रश्न पुस्तिका क्रमांक Duestion Booklet Serial No

MATHEMATICS (ELECTIVE)

गणित (ऐच्छिक)

I. Sc. & I. A.

कुल प्रश्न : 100 + 30 + 8 = 138

Total Questions: 100 + 30 + 8 = 138

(समय : 3 घंटे 15 मिनट)

[Time: 3 Hours 15 Minutes]

कुल मुद्रित पृष्ठ : 32

Total Printed Pages: 32

(पूर्णांक : 100)

[Full Marks : 100]

परीक्षार्थियों के लिये निर्देश :

Instructions for the candidates:

- 1. परीक्षार्थी OMR उत्तर-पत्रक पर अपना 1. Candidate must enter his / her प्रश्न पुस्तिका क्रमांक (10 अंकों का) Question Booklet Serial No. अवश्य लिखें।

 (10 Digits) in the OMR Answer Sheet.
- 2. परीक्षार्थी यथासंभव अपने शब्दों में ही 2. Candidates are required to give उत्तर दें। their answers in their own words as far as practicable.
- 3. दाहिनी ओर हाशिये पर दिये हुए अंक 3. Figures in the right hand margin पूर्णांक निर्दिष्ट करते हैं। indicate full marks.
- 4. प्रश्नों को ध्यानपूर्वक पढ़ने के लिए 4. 15 minutes of extra time have been परीक्षार्थियों को 15 मिनद का अतिरिक्त allotted for the candidates to read समय दिया गया है। the questions carefully.

- **खण्ड-अ** एवं **खण्ड-ब**।
- 6. खण्ड-अ में 100 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 50 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 1 अंक निर्धारित है)। पचास से अधिक प्रश्नों के उत्तर देने पर प्रथम 50 उत्तरों का ही मूल्यांकन कम्प्यूटर द्वारा किया जाएगा। सही उत्तर को उपलब्ध कराये गये OMR उत्तर-पत्रक में दिये गये सही गोले को नीले / काले बॉल पेन से प्रगाढ करें। किसी भी प्रकार के ह्वाइटनर / तरल पदार्थ / ब्लेड / नाखून आदि का उत्तर-पुस्तिका में प्रयोग करना मना है, अन्यथा परीक्षा परिणाम अमान्य होगा।
- 7. खण्ड-ब में 30 लघु उत्तरीय प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 2 अंक निर्धारित है)। इनके अतिरिक्त, इस खण्ड में 8 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न दिये गये हैं, जिनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों का उत्तर देना है (प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित है) / https://www.bsebstudy.com
- 8. किसी प्रकार के इलेक्ट्रॉनिक उपकरण का प्रयोग पूर्णतया वर्जित है ।

- 5. यह प्रश्न पुस्तिका दो खण्डों में है— 5. This question booklet is divided into two sections - Section-A and Section-B.
 - 6. In there Section-A. are A 100 objective type questions, out of £ which any 50 questions are to be answered (each carrying 1 mark) 4 First 50 answers will be evaluated (by the computer in case more than 50 questions are answered. For answering these darken the circle (with blue / black ball pen against the correct option on OMR Answer 1 Sheet provided to you. Do not use whitener / liquid / blade / nail etc. on OMR-sheet, otherwise the result will be treated invalid.
 - 7. In Section-B, there are 30 short answer type questions, out of which any 15 questions are to be answered (each carrying 2 marks). 2 Apart from these, there are 8 long answer type questions, out of which any 4 questions are to be answered (each carrying 5 marks).
 - 8. Use of any electronic appliances is strictly prohibited.

खण्ड - अ / SECTION - A

वस्तुनिष्ठ प्रश्न / Objective Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 100 तक के प्रश्न के साथ चार विकल्प दिए गए हैं जिनमें से एक सही है। किन्हीं 50 प्रश्नों के उत्तर दें। अपने द्वारा चुने गए सही विकल्प को OMR शीट पर चिह्नित करें।

Question Nos. 1 to 100 have four options, out of which only one is correct. Answer any 50 questions. You have to mark your selected option on the $50 \times 1 = 50$

- 1. वक्र $y=2x^2+3\sin x$ के x=0 पर स्पर्श रेखा की प्रवणता है
 - (A) 3

(B) $-\frac{1}{3}$

(C) $\frac{1}{3}$

(D) -3

The slope of the tangent to the curve $y = 2x^2 + 3\sin x$ at x = 0 is

(A) 3

(B) $-\frac{1}{3}$

(C) $\frac{1}{3}$

- (D) 3
- 2. एक वृत्त की त्रिज्या r = 6 cm पर r के सापेक्ष क्षेत्रफल में परिवर्तन की दर $(\text{cm}^2/\text{cm}\,\dot{\text{H}})$ है
 - (A) 10 π

(B) 12 π

(C) 8 π

(D) 11 π

The rate of change of the area of a circle with respect to its radius r (in cm²/cm) at r = 6 cm is biharboardquestionpaper.com

(A) 10 π

(B) 12 π

(C) 8 n

(D) 11 π

3. यदि घटनाएँ A और B स्वतंत्र हों तो

(A)
$$P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

(B)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

(C)
$$P(A \cup B) = 0$$

(D)
$$P(A \cap B) = P(A) + P(B)$$

If events A and B are independent then

(A)
$$P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

(B)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

(C)
$$P(A \cup B) = 0$$

(D)
$$P(A \cap B) = P(A) + P(B)$$

4. 52 पत्तों की ताश की एक गड़ी से एक बादशाह निकालने की प्रायिकता है

(A)
$$\frac{1}{13}$$

(B)
$$\frac{4}{13}$$

(C)
$$\frac{1}{52}$$

(D)
$$\frac{1}{4}$$

The probability of drawing a king from a pack of 52 cards is

(A)
$$\frac{1}{13}$$

(B)
$$\frac{4}{13}$$

(C)
$$\frac{1}{52}$$

(D)
$$\frac{1}{4}$$

5.
$$P(A) = \frac{1}{3}, P(B) = \frac{1}{4}, P(A \cap B) = \frac{1}{5} \Rightarrow P(B/A) =$$

(A)
$$\frac{2}{5}$$

(B)
$$\frac{3}{5}$$

(C)
$$\frac{1}{5}$$

D)
$$\frac{4}{5}$$

D

एक सिके को 10 बार उछाला जाता है। ठीक छः चित आने की प्रायिकता है

(A)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^6$$

(B)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^7$$

(C)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^8$$

(D)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^{10}$$

A coin is tossed 10 times. The probability of getting exactly six heads is

(A)
$${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^6$$

(B)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^7$$

(C)
$${}^{10}C_6\left(\frac{1}{2}\right)^8$$

(D)
$${}^{10}C_6 \left(\frac{1}{2}\right)^{10}$$

7.
$$P(A) = \frac{6}{11}, P(B) = \frac{5}{11}, P(A \cup B) = \frac{7}{11} \Rightarrow P(A \cap B) =$$

(C)
$$\frac{7}{11}$$

8. xy-तल का समीकरण है

(A)
$$x = 0$$

$$(B) \quad y = 0$$

(C)
$$z = 0$$

The equation of the xy-plane is

$$(A)$$
 $x=0$

$$(B) \quad y = 0$$

(C)
$$z = 0$$

9. z-अक्ष की दिक्-कोज्याएँ हैं

The direction cosines of z-axis are

The distance between the points (4, 3, 7) and (1, -1, -5) is

$$11. \quad \int (x + \cos 2x) dx = 0$$

(A)
$$\frac{1}{2}x\sin 2x + \frac{1}{4}\cos 2x + c$$
 (B) $\frac{1}{2}x\sin 2x - \frac{1}{4}\cos 2x + c$

(C)
$$2x\sin 2x + 4\cos 2x + c$$
 (D) $\frac{x^2}{2} + \frac{\sin 2x}{2} + c$

$$\frac{x^2}{2} + \frac{\sin 2x}{2} + c$$

12.
$$\int e^x \left\{ \sin^{-1} x + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \right\} dx =$$

(A)
$$e^{x} \cdot \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} + c$$
 (B) $e^{x} \cdot \sin^{-1} x + c$

(B)
$$e^x \cdot \sin^{-1} x + c$$

(C)
$$\frac{e^x}{2} + c$$

(C)
$$\frac{e^x}{2} + c$$
 (D) $e^x \cdot \cos^{-1} x + c$

$$13. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{x(x+2)} =$$

(A)
$$\log \left| \frac{x}{x+2} \right| + c$$

$$(B) \quad \frac{1}{2}\log\left|\frac{x}{x+2}\right| + c$$

(C)
$$\log |x| + c$$

(D)
$$\log |x+2| + c$$

$$\int \sqrt{a^2 - x^2} \, \mathrm{d}x =$$

$$(A) \quad \frac{x}{2} \sqrt{a^2 - x^2} \, \mathrm{d}x$$

(B)
$$\frac{a^2}{2}\sin^{-1}\frac{x}{a} + c$$

(C)
$$\frac{x}{2}\sqrt{a^2-x^2} + \frac{a^2}{2}\sin^{-1}\frac{x}{a} + c$$

(D)
$$\frac{x}{2}\sqrt{x^2-a^2} - \frac{a^2}{2}\sin^{-1}\frac{x}{a} + c$$

15.
$$\int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin^7 x \, dx = 0$$

$$(A) -1$$

16.
$$\int_{0}^{a} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{a - x}} dx =$$

(B)
$$\frac{a}{2}$$

17.
$$\int_{0}^{\pi/2} \cos 2x \, dx =$$

18.
$$\int_{0}^{\pi/6} \cos x \cdot \cos 2x \, \mathrm{d}x =$$

19.
$$\int_{-\pi}^{\pi} \tan x \, \mathrm{d}x =$$

(A) -1

(B) . 0

(C) 2

(D) -2

20.
$$\int_{4}^{9} \frac{1}{\sqrt{x}} dx =$$

(A) 2

(B) π/6

(C) $\pi/4$

(D) $\pi/2$

21.
$$\cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) = \left[0, h\right] h \cdot \frac{\pi}{3}$$

 $\frac{2\pi}{3}$

(B) $\frac{\pi}{3}$

(C) $\frac{\pi}{6}$

(D) $\frac{\pi}{2}$

22.
$$x \in [-1, 1], \cos^{-1} x =$$

(A) $\frac{\pi}{2} - \cot^{-1} x$

(B) $\frac{\pi}{2} - \sin^{-1} x$

- (C) $\frac{\pi}{2}$ tan⁻¹ x
- $(D) \quad \frac{\pi}{2} \sec^{-1} x$

23.
$$x \in [-1, 1], \sin^{-1}(-x) =$$

 $\int A - \sin^{-1} x$

(B) $\sin^{-1} x$

(C) $-\cos^{-1}x$

(D) $\cos^{-1} x$

24.
$$\csc^{-1}x = \dots$$
; $x \ge 1$ or ≤ -1 .

(A) $\sin^{-1} x$

 $\sin^{-1}\frac{1}{r}$

(C) $\cos^{-1} x$

(D) $\cos^{-1}\frac{1}{r}$

 $\tan[\tan^{-1}\frac{1}{3} + \tan^{-1}\frac{1}{2}] =$

0 (B)

(D)

 $\sin(\cot^{-1}x) =$ 26.

 $(A) \qquad \sqrt{1+x^2}$

(B) x

(D)

 $\cos^{-1}\left(\cos\frac{7\pi}{6}\right)$

(C)

 $\frac{\pi}{3} - \sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) =$

(A)

(B)

(C) $\frac{\pi}{2}$

(D)

 $\tan^{-1}\sqrt{3}-\sec^{-1}(-2)=$ 29.

 $-\frac{\pi}{3}$

(B)

(C)

(D)

मान लीजिए कि समुच्चय N में $R = \{(a,b): a = b-2, b > 6\}$ द्वारा प्रदत्त संबंध R है। 30. निम्नलिखित में सही उत्तर है

(6, 8)∈ R (A)

 $(2, 4) \in R$ (B)

(3, 8)∈ R (C)

 $(8, 7) \in R$ (D)

D

Let R be the relation in the set N given by $R = \{(a,b): a=b-2, b>6\}$

The correct answer in the following is

(B)
$$(2, 4) \in R$$

(D)
$$(8,7) \in R$$

$$31. \qquad \int \frac{\mathrm{d}x}{a^2 + x^2} =$$

(A)
$$\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{a}{x} + c$$

(B)
$$\tan^{-1}\frac{x}{a}+c$$

(C)
$$\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$$

$$(D) \quad \frac{1}{a} \tan^{-1} x + c$$

32.
$$\int \sec x \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$\log |\sec x + \tan x| + c$$

(B)
$$\log |\sec x - \tan x| + c$$

(C)
$$\log \sec x + c$$

(D)
$$\tan^5 x + c$$

33.
$$\int \sec^5 x \tan x \, dx = \frac{1}{2}$$

(A)
$$5\tan^5 x + c$$

(B)
$$\frac{1}{5}\sec^5 x + c$$

(C)
$$5\log|\cos x|+c$$

(D)
$$\tan^5 x + c$$

$$34. \int \tan^2 x \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$tan x + x + c$$

$$(B)$$
 $\tan x - x + c$

(C)
$$\cot x + x + c$$

(D)
$$\cot x - x + c$$

35.
$$\int \frac{\cos 2x}{\cos^2 x \cdot \sin^2 x} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$\cot x - \tan x + c$$

(B)
$$\tan x - \cot x + c$$

(C)
$$-\cot x - \tan x + c$$

(D)
$$-\tan x + c$$

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 10 / 3

36.
$$\int \frac{x^4 + 1}{x^2 + 1} \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$\frac{x^3}{3} + c$$

(B)
$$\frac{x^3}{3} - x + 2 \tan^{-1} x + c$$

(C)
$$2\tan^{-1}x + c$$

(D)
$$\frac{x^3}{3} + x + 2 \tan^{-1} x + c$$

37.
$$\int \frac{1-\cos 2x}{1+\cos 2x} \, dx =$$

(A)
$$tan x + c$$

(B)
$$\tan x + x + c$$

(C)
$$tan x - x + c$$

(D)
$$-\tan x + x + c$$

$$38. \quad \int \frac{\mathrm{d}x}{2-3x} =$$

(A)
$$-3\log|2-3x|+c$$

(B)
$$-\frac{1}{3}\log|2-3x|+c$$

(C)
$$-\log|2-3x|+c$$

(D)
$$2\tan^{-1}x^4 + c$$

$$39. \qquad \int \frac{x^3 \mathrm{d}x}{1+x^8} =$$

(A)
$$\tan^{-1} x^4 + c$$

(B)
$$4 \tan^{-1} x^4 + c$$

$$(C)^{2} \frac{1}{4} \tan^{-1} x^{4} + c$$

(D)
$$2\tan^{-1}x^4 + c$$

40.
$$\int xe^x dx =$$

(A)
$$e^x + c$$

(B)
$$x-1+c$$

(C)
$$e^{x}(x-1)+c$$

$$(D) e^{x}(x+1)+c$$

41. यदि
$$A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}$$
 तो $A^{-1} =$

(A)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{12} \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ -\frac{1}{6} & \frac{1}{12} \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 4 & 8 \\ 6 & 12 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} 4 & 8 \\ -6 & 12 \end{bmatrix}$$

If
$$A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}$$
 then $A^{-1} =$

(A)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{12} \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ -\frac{1}{6} & \frac{1}{12} \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 4 & 8 \\ 6 & 12 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} 4 & 8 \\ -6 & 12 \end{bmatrix}$$

42. यदि
$$A = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$$
 और $B = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$ तो $6A - 5B =$

(A)
$$\begin{bmatrix} 17 & 4 \\ 5 & 54 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 17 & -4 \\ 5 & 54 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -17 & -4 \\ -55 & -6 \end{bmatrix}$$

If
$$A = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$$
 and $B = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$ then $6A - 5B = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$

(A)
$$\begin{bmatrix} 17 & 4 \\ 5 & 54 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 17 & -4 \\ 5 & 54 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} -17 & -4 \\ -55 & -6 \end{bmatrix}$$

(D)·
$$\begin{bmatrix} 17 & -4 \\ -55 & -54 \end{bmatrix}$$

43.
$$\overline{q} = \begin{bmatrix} 2 & \sqrt{2} & 0 \\ 3 & -2 & \frac{2}{5} \end{bmatrix} \overline{d} =$$

(A)
$$\begin{bmatrix} \frac{2}{\sqrt{2}} & -3\\ \sqrt{2} & 2\\ 0 & 2/5 \end{bmatrix}$$

(A)
$$\begin{bmatrix} \sqrt{2} & -3 \\ \sqrt{2} & 2 \\ 0 & 2/5 \end{bmatrix}$$
 (B) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ \sqrt{2} & -2 \\ 0 & 2/5 \end{bmatrix}$

(C)
$$\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -2 & \sqrt{2} \\ -2/5 & 0 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -2 & \sqrt{2} \\ -2/5 & 0 \end{bmatrix}$$
 (D)
$$\begin{bmatrix} 3 & -2 & 2/5 \\ 2 & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix}$$

If
$$A = \begin{bmatrix} 2 & \sqrt{2} & 0 \\ 3 & -2 & \frac{2}{5} \end{bmatrix}$$
 then $A' =$

(A)
$$\begin{bmatrix} \frac{2}{\sqrt{2}} & -3\\ 0 & 2/5 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} \frac{2}{\sqrt{2}} & 3\\ \sqrt{2} & -2\\ 0 & 2/5 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 3 & \frac{2}{2} \\ -2 & \sqrt{2} \\ -2/5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(D) \quad \begin{bmatrix} 3 & -2 & 2/5 \\ 2 & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix}$$

44. यदि
$$2A+B+X=0$$
, जहाँ $A=\begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ और $B=\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$ तो $X=$

(A)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -7 & -13 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 7 & 13 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} -1 & -2 \\ -7 & -13 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 7 & 13 \end{bmatrix}$$

If 2A+B+X=0, where $A=\begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ and $B=\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$ then $X=\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$

(A)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -7 & -13 \end{bmatrix}$$

$$(B) \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 7 & 13 \end{bmatrix}$$

$$Or$$
 $\begin{bmatrix} -1 & -2 \\ -7 & -13 \end{bmatrix}$

$$(D) \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 7 & 13 \end{bmatrix}$$

45.
$$[x \ y] = [2x-1 \ 9] \Rightarrow$$

(A)
$$x = 3, y = 9$$

(B)
$$x = 1, y = 9$$

(C)
$$x = 0, y = 9$$

(D)
$$x = 3, y = 4$$

$$46. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\sin^2 x) =$$

(A)
$$2\sin x$$

$$(B) \sin 2x$$

(D)
$$2\cos x$$

$$47. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(x^5 + \cos 2x) =$$

(A)
$$5x^4 + \sin 2x$$

(B)
$$5x^4 + \cos 2x$$

$$\int \mathcal{O} f = 5x^4 - 2\sin 2x$$

$$(D) \quad x^5 + 2\sin 2x$$

.

$$48. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(\sec^{-1}x) =$$

$$(A) \cdot \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$(B) \frac{1}{x\sqrt{x^2-1}}$$

$$(C) \quad \frac{1}{1+x^2}$$

(D)
$$-\frac{1}{x\sqrt{x^2-1}}$$

$$49. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}(a^x) =$$

$$(A) = a^x \log a$$

(B)
$$a^x \log x$$

$$(C)$$
 a^x

(D)
$$\log a$$

$$50. \quad \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\log(\cos x) =$$

(A)
$$\tan x$$

$$(B) - \tan x$$

$$\sim 51$$
. अवकल समीकरण $xy\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) + x\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 - y\frac{dy}{dx} = 0$ की कोटि और घात है

The order and degree of the differential equation

$$xy\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) + x\left(\frac{dy}{dx}\right)^2 - y\frac{dy}{dx} = 0$$
 is

52. अवकल समीकरण
$$\frac{dy}{dx} + 2y = \sin x$$
 का समाकलन गुणक है

(A)
$$e^x$$

(B)
$$e^{3x}$$

(C)
$$e^{2x}$$

(D)
$$e^{4x}$$

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} + 2y = \sin x$ is

(A)
$$e^x$$

(B)
$$e^{3}$$

$$(e)$$
 e^{2x}

(D)
$$e^{4x}$$

अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} = e^{x+y}$ का हल है

$$(A) \qquad e^x + e^{-y} = c$$

(B)
$$e^x + e^y = c$$

$$(C) \qquad e^{-x} + e^y = c$$

(D)
$$e^{-x} + e^{-y} = c$$

The solution of the differential equation $\frac{dy}{dx} = e^{x+y}$ is

(A)
$$e^{x} + e^{-y} = c$$

(C) $e^{-x} + e^{y} = c$

(B)
$$e^x + e^y = c$$

(C)
$$e^{-x} + e^y = 0$$

(D)
$$e^{-x} + e^{-y} = c$$

अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x}$ का हल है 54.

(A)
$$y = \log |x| + c$$

(B)
$$y = cx$$

(C)
$$y = x \log |x| + cx$$

(D)
$$y = \log |x| + cx$$

The solution of differential equation $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x}$ is

(A)
$$y = \log |x| + c$$

$$y = cx$$

(C)
$$y = x \log |x| + cx$$

(D)
$$y = \log |x| + cx$$

अवकल समीकरण $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} + 2y = e^{3x}$ का समाकलन गुणक है

(A)
$$e^{3x}$$

(B)
$$e^{2x}$$

$$(C)$$
 e^x

(D)
$$e^{4x}$$

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} + 2y = e^{3x}$ is

(A)
$$e^{3x}$$

$$(B)$$
 e^2

(C)
$$e^x$$

(D)
$$e^{4x}$$

56.
$$(4\vec{i} + 3\vec{j} + 3\vec{k}) \cdot (6\vec{i} - 4\vec{j} + \vec{k}) =$$

(A) 22

(B) 15

(C) 21

(D) 18

57.
$$(\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}) \times (-\vec{i} + 3\vec{k}) =$$

$$(A)$$
 $9\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$

(B)
$$9\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$$

(C)
$$\vec{i} - \vec{j} + 3\vec{k}$$

(D)
$$\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$$

58.
$$|\vec{i}-\vec{j}-\vec{k}|=$$

(B) 3°

बिहार बोर्ड के नए और पुराने <mark>ऑफिसियल</mark> क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेपर, आंसर-की,

(D) 2

पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

BiharboardQuestionpaper.com

$$59. \quad \overrightarrow{j}. \overrightarrow{j} =$$

(A) O

(B) 1

(C) -1

(D) \bar{k}

60. $\vec{k} \times \vec{j} =$

(A) $-\overrightarrow{j}$

(B)

(C) 0

(D) k

61.
$$\overrightarrow{a} \times (\overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}) + \overrightarrow{b} \times (\overrightarrow{c} + \overrightarrow{a}) + \overrightarrow{c} \times (\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) =$$

(A) 1

(B) (

(C) · -1

(D) 3

62.
$$\vec{i} \cdot (\vec{j} \times \vec{k}) =$$

(B) 0

(C) -1

(D) i

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 16 / 5

63. यदि $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$ तो \vec{a} की दिशा में संगत इकाई सदिश \hat{a} है

$$(A) \qquad \frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{\sqrt{6}}$$

(B)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{\sqrt{6}}$$

(C)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{6}$$

(D)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{6}$$

If $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$, then the corresponding unit vector \hat{a} in the direction of \vec{a} is biharboardquestionpaper.com

(A)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}}{\sqrt{6}}$$

(B)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{\sqrt{6}}$$

(C)
$$\frac{\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}}{6}$$

(D)
$$\frac{\vec{i}+\vec{j}+\vec{k}}{6}$$

64. यदि $3\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$ और $\vec{i} + \lambda \vec{j} - 3\vec{k}$ परस्पर लम्ब हों तो $\lambda =$

If $3\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}$ and $\vec{i} + \lambda \vec{j} - 3\vec{k}$ are perpendicular to each other then the value of $\lambda =$

 $65. \int \cot^2 x \, \mathrm{d}x =$

(A)
$$\cot x + x + k$$

(B)
$$-\cot x + x + k$$

(C)
$$-\cot x - x + k$$

(D)
$$\cot x - x + k$$

66. सिंदेशों $2\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ और $\vec{i} + 4\vec{j} + 5\vec{k}$ के बीच का कोण है

The angle between the vectors $2\vec{i}-3\vec{j}+2\vec{k}$ and $\vec{i}+4\vec{j}+5\vec{k}$ is

(A) 30°

(B) 90°

(C) 45°

(D) 60°

67.
$$|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}| \Rightarrow$$

(A) $|\vec{a}| = |\vec{b}|$

 \mathcal{L} $\overrightarrow{a} \mid \overrightarrow{b}$

(C) $\vec{a} \perp \vec{b}$

(D) $|\vec{a}| = 0$

68. सिंदिश
$$4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}$$
 पर सिंदिश $\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$ का प्रक्षेप है

(A) 9

(B) 19/9

(C) 9/19

(D) 19

The projection of the vector $\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$ on the vector $4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{i}$ is

(A) 9

(B) 19/9

(C) 9/19

(D) 19

69.
$$Z=3x+5y$$
 का न्यूनतम मान जहाँ कि व्यवरोध $x+y \le 2$, $x\ge 0$, $y\ge 0$ है

(A) 16

(B) 15

(C) 0

(D) इनमें से कोई नहीं

The minimum value of Z=3x+5y subject to the constraints where $x+y \le 2$, $x\ge 0$, $y\ge 0$ is

(A) 16

(B) 15

(C) 0

(D) none of these

70.
$$Z = 3x + 2y$$
 का अधिकतम मान जहाँ कि व्यवरोध $3x + y \le 15$, $x \ge 0$, $y \ge 0$ है

(A) 30

(B) 15

(C) 10

(D) इनमें से कोई नहीं

D

The maximum value of Z = 3x + 2y subject to the constraints where $3x+y \le 15, x \ge 0, y \ge 0$ is

30 (A)

15 (B)

(C) 10

- none of these (D)
- दो सरल रेखाओं के दिक् अनुपात 1, m, n और 1, m, n, हैं। रेखाएँ एक-दूसरे पर लम्ब 71. होंगी यदि
 - (A) $\frac{l}{l} = \frac{m}{m_1} = \frac{n}{n_1}$

- (B) $\frac{l}{l_1} + \frac{m}{m_1} + \frac{n}{n_2} = 0$
- $l^2 + m^2 + n^2 = l_1^2 + m_1^2 + n_1^2$ (D) $ll_1 + mm_1 + nn_1 = 0$

The direction ratios of two straight lines are l, m, n and l_1 , m_1 , n_1 .

The lines will be perpendicular to each other if

- (A) $\frac{l}{l_1} = \frac{m}{m_1} = \frac{n}{n_1}$ (B) $\frac{l}{l_1} + \frac{m}{m_1} + \frac{n}{n_1} = 0$
- $l^2 + m^2 + n^2 = l_1^2 + m_1^2 + n_1^2$ (D) $ll_1 + mm_1 + nn_1 = 0$
- किसी सरल रेखा के दिक् अनुपात 1, 3, 5 हैं तो रेखा की दिक्-कोज्याएँ हैं 72.
 - (A) $\frac{1}{0}, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}$

- (B) $\frac{1}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{25}}, \frac{5}{\sqrt{25}}$
- (C) $\frac{5}{\sqrt{25}}$, $\frac{3}{\sqrt{25}}$, $\frac{1}{\sqrt{25}}$
- (D) इनमें से कोई नहीं

The direction ratios of a straight line are 1, 3, 5. Then its direction cosines are

(A) $\frac{1}{9}, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}$

- (B) $\frac{1}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{5}{\sqrt{35}}$
- (C) $\frac{5}{\sqrt{35}}, \frac{3}{\sqrt{35}}, \frac{1}{\sqrt{35}}$
- (D) none of these
- तल 3x-5y+4z=11 के समांतर तल का समीकरण है 73.
 - 3x 5y + 4z = 21(A)
- (B) 3x + 5y + 4z = 25
- 3x + 5y + 4z = 35(C)
- इनमें से कोई नहीं (D)

D

The equation of the plane parallel to the plane 3x-5y+4z=11 is

(A)
$$3x - 5y + 4z = 21$$

(B)
$$3x + 5y + 4z = 25$$

(C)
$$3x + 5y + 4z = 35$$

(D) none of these

74. तलों 2x+y-2z=5 और 3x-6y-2z=7 के बीच का कोण है

(A)
$$\frac{\pi}{2}$$

(B)
$$\frac{\pi}{4}$$

(C)
$$\cos^{-1}(4/21)$$

(D) $\cos^{-1}(16/61)$

The angle between two planes 2x+y-2z=5 and 3x-6y-2z=7 is

$$(A) \cdot \frac{\pi}{2}$$

(B)
$$\frac{\pi}{4}$$

(C)
$$\cos^{-1}(4/21)$$

75. बिन्दु (2, 1, -1) से तल x-2y+4z=9 की दूरी है

(A)
$$\frac{13}{21}$$

(B)
$$\frac{13\sqrt{21}}{21}$$

(C)
$$\frac{21}{13}$$

(D) इनमें से कोई नहीं

The distance of the plane x-2y+4z=9 from the point (2, 1, -1) is

(A)
$$\frac{13}{21}$$

(B)
$$\frac{13\sqrt{21}}{21}$$

(C)
$$\frac{21}{13}$$

(D) none of these

76. यदि दो तल 2x - 4y + 3z = 5 और x + 2y + λz = 12 परस्पर लम्ब हों तो λ = 12

$$(A) - 2$$

(D) इनमें से कोई नहीं

If two planes 2x-4y+3z=5 and $x+2y+\lambda z=12$ are mutual perpendicular to each other then $\lambda =$

$$(A) - 2$$

(D) none of these

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 20 /

77.
$$\frac{a}{a} = \frac{y-4}{b} = \frac{z-5}{c}$$
, $\frac{1}{3} = \frac{y}{3} = \frac{z}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{z}{2}$ $\frac{z}{3}$ $\frac{z}{$

(A)
$$5a + 3b + 2c = 0$$

(B)
$$\frac{a}{5} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$$

(C)
$$5a = 3b = 2c$$

If the line $\frac{x-3}{a} = \frac{y-4}{b} = \frac{z-5}{c}$ is parallel to the line $\frac{x}{5} = \frac{y}{3} = \frac{z}{2}$, then

(A)
$$5a + 3b + 2c = 0$$

(B)
$$\frac{a}{5} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$$

(C)
$$5a - 3b - 2c$$

78. यदि रेखा
$$\frac{x-x_1}{a_1} = \frac{y-y_1}{b_1} = \frac{z-z_1}{c_1}$$
, तल $a_2x+b_2y+c_2z+d=0$ के समांतर हो तो

(A)
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$

(B)
$$a_1x + b_1y + c_1z = 0$$

(C)
$$a_1a_2 + b_1b_2 + c_1c_2 = 0$$
 (D) इनमें से कोई नहीं

If the line $\frac{x-x_1}{a_1} = \frac{y-y_1}{b_1} = \frac{z-z_1}{c_1}$ is parallel to the plane

 $a_2x + b_2y + c_2z + d = 0$, then

$$(A) \frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$

(B)
$$a_1 x + b_1 y + c_1 z = 0$$

(C)
$$a_1a_2 + b_1b_2 + c_1c_2 = 0$$

79.
$$a|\xi| \begin{vmatrix} x & 2 \\ 18 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 & 2 \\ 18 & 6 \end{vmatrix}$$
 हो तो x बराबर है

$$(C) - 6$$

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 21 / 32

If
$$\begin{vmatrix} x & 2 \\ 18 & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 & 2 \\ 18 & 6 \end{vmatrix}$$
 then x is equal to

(A) 6

(B) ±6

(C) - 6

- (D) 0
- 80. $\int \sqrt{1-\sin 2x} \, dx =$
 - (A) $\sin x + \cos x + c$
- (B) $\sin x \cos x + c$
- (C) $\cos x \sin x + c$
- (D) $\tan x \cot x + c$

- 81. $\begin{vmatrix} x & x+1 \\ x-1 & x \end{vmatrix} =$
 - (A) 1

(B) C

(C) 2

- (D) -1
- 82. यदि * संक्रिया a * b = 2a + b से परिभाषित हो तो (2 * 3) * 4 है
 - (A) 30

(B) 20

(C) 18

(D) 15

If the operation * is defined as a * b = 2a + b, then (2 * 3) * 4 is

(A) 30

(B) 20

(C) 18

(D) 15

- 83. $\begin{vmatrix} 1 & 1 & -2 \\ 2 & 1 & -3 \\ 5 & 4 & -9 \end{vmatrix} =$
 - (A) 2

(B)

(C) 0

(D) - 1

- 84. $\begin{vmatrix} 3 & -4 & 5 \\ 1 & 1 & -2 \\ 2 & 3 & 1 \end{vmatrix} =$
 - (A) O

(B) 46

(C) - 46

(D) 1

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 22

$$5\begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} =$$

$$(A) \quad \begin{bmatrix} 25 & 30 \\ 35 & 8 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 35 & 40 \end{bmatrix}$$

(D)
$$\begin{bmatrix} 25 & 30 \\ 25 & 40 \end{bmatrix}$$

86. $f: A \rightarrow B$ आच्छादक फलन होगा यदि

(A)
$$f(A) \subset B$$

(B)
$$f(A)=B$$

(C)
$$f(A)\supset B$$

 $f: A \rightarrow B$ will be an onto function, if

(A)
$$f(A) \subset B$$

(B)
$$f(A)=B$$

(C)
$$f(A)\supset B$$

None of these (D)

87. $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ एक वर्ग आव्यूह है यदि

(A)
$$m = n$$

(B)
$$m < n$$

$$(C)$$
 $m > n$

इनमें से कोई नहीं (D)

. $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ is a square matrix if

$$(A) m = n$$

(B)

(C)
$$m > n$$

(D) none of these

88. $\begin{bmatrix} -3\\5\\2 \end{bmatrix}$ [1 6 -4] =

(A)
$$\begin{bmatrix} -3 & -18 & 12 \\ 5 & 30 & -20 \\ 2 & 12 & -8 \end{bmatrix}$$
 (B)
$$\begin{bmatrix} -3 & -18 & 12 \\ 2 & 12 & -8 \\ 5 & 30 & -20 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} -3 & -18 & 12 \\ 2 & 12 & -8 \\ 5 & 30 & -20 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 5 & 30 & -20 \\ -3 & -18 & 12 \\ 2 & 12 & -8 \end{bmatrix}$$
 (D)
$$\begin{bmatrix} 3 & 18 & 12 \\ 5 & 30 & 20 \\ 2 & 12 & 8 \end{bmatrix}$$

89.
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A^5 =$$

$$(A) \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(B) \quad \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 0 & 5 \\ 5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(D) \quad \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

90. यदि
$$A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$
 तो adjoint $A =$

$$(A) \quad \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$(B) \quad \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$(D) \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$$

If
$$A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$
 then adjoint $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$

(A)
$$\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

(B)
$$\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$$

(C)
$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$(D) \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$$

91.
$$\frac{d}{dx}\log(\sec x + \tan x) =$$

(A)
$$\frac{1}{\sec + \tan x}$$

(D)
$$\sec x + \tan x$$

92.
$$\frac{d}{dx}(\sec^{-1}x + \csc^{-1}x) =$$

93. यदि
$$y = \tan^{-1}\left(\frac{1-\cos x}{\sin x}\right)$$
 तब $\frac{dy}{dx} =$

(C)
$$\frac{1}{2}$$

(D)
$$-\frac{1}{2}$$

If
$$y = \tan^{-1} \left(\frac{1 - \cos x}{\sin x} \right)$$
 then $\frac{dy}{dx} =$

(A) 1

(B) - 1

(C) $\frac{1}{2}$

(D) $-\frac{1}{2}$

94.
$$a = a \sec \theta$$
, $y = b \tan \theta$ $a = \frac{dy}{dx}$

(A) $\frac{b}{a}\sec\theta$

(B) $\frac{b}{a} \csc \theta$

(C) $\frac{b}{a}\cot\theta$

(D) $\frac{b}{a}$

() If
$$x = a \sec \theta$$
, $y = b \tan \theta$ then $\frac{dy}{dx} = a$

(A) $\frac{b}{a}\sec\theta$

(B) $\frac{b}{a}$ cosec θ

(C) $\frac{b}{a}\cot\theta$

(D) $\frac{b}{a}$

95. यदि
$$y = \sqrt{\sin x + \sqrt{\sin x + ... \infty}}$$
 तक तो $\frac{dy}{dx} =$

(A) $\frac{\sin x}{2y-1}$

(B) $\frac{\cos x}{y-1}$

(C) $\frac{\cos x}{2y-1}$

(D) $\frac{1}{2u-1}$

If
$$y = \sqrt{\sin x + \sqrt{\sin x + \sqrt{\sin x + ... + \cos x}}}$$
 then $\frac{dy}{dx} =$

 $(A) \quad \frac{\sin x}{2u-1} \quad .$

(B) $\frac{\cos x}{y-1}$

(C) $\frac{\cos x}{2y-1}$

 $(D) \quad \frac{1}{2y-1}$

96. बदि
$$y=x^{20}$$
 तो $\frac{d^2y}{dx^2}=$

(A)
$$x^{18}$$

(D)
$$x^{19}$$

If
$$y=x^{20}$$
 then $\frac{d^2y}{dx^2}$ =

(B)
$$20x^{19}$$

$$97. \quad \int \sqrt{1+\cos 2x} \, dx =$$

(A)
$$\sqrt{2}\cos x + c$$

(B)
$$\sqrt{2} \sin x + c$$

(C)
$$\frac{2}{x^2} + c$$

$$(D) \quad \sqrt{2} \sin \frac{x}{2} + c$$

98.
$$\int \frac{\log x}{x} dx =$$

$$(A) \qquad \frac{1}{2}(\log x)^2 + c$$

(B)
$$-\frac{1}{2}(\log x)^2 + c$$

$$(C) \qquad \frac{2}{x^2} + c$$

(D)
$$-\frac{2}{x^2} + c$$

99.
$$\int \frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx =$$

(A)
$$2\sin\sqrt{x} + c$$

(B)
$$\sin \sqrt{x} + c$$

(C)
$$\cos \sqrt{x} + c$$

(D)
$$2\cos\sqrt{x} + c$$

$$100. \int \sqrt{\cos x} \cdot \sin x \, \mathrm{d}x =$$

(A)
$$\frac{2}{3}(\cos x)^{3/2} + c$$

(B)
$$-\frac{2}{3}(\cos x)^{3/2} + c$$

(C)
$$(\cos x)^{3/2} + c$$

(D)
$$-(\cos x)^{3/2} + c$$

खण्ड - ब / SECTION - B

लघु उत्तरीय प्रश्न / Short Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 30 तक लघु उत्तरीय हैं। इनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक प्रश्न के लिए 2 अंक निर्धारित है। https://www.bsebstudy.com

15 × 2 = 30

Question Nos. 1 to 30 are Short Answer Type. Answer any 15 questions. Each question carries 2 marks. biharboardquestionpaper.com

15 × 2 = 30

1. यदि $y = \sin(xy)$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।

If $y = \sin(xy)$ then find $\frac{dy}{dx}$.

2. समाकलन करें : $\int (x+2)^2 dx$. 2
Integrate : $\int (x+2)^2 dx$.

3. $P(A \cup B)$ ज्ञात कीजिए यदि $2P(A)=P(B)=\frac{5}{13}$ और $P(A/B)=\frac{2}{5}$. 2 Evaluate $P(A \cup B)$ if $2P(A)=P(B)=\frac{5}{13}$ and $P(A/B)=\frac{2}{5}$.

4, सिद्ध करें कि $4(\cot^{-1}3+\cot^{-1}2)=\pi$.

5. सिद्ध को कि $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$.

Prove that $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$.

9. यदि $y = \sqrt{\sin x^2}$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

Find $\frac{dy}{dx}$ if $y = \sqrt{\sin x^2}$.

7. fog और gof ज्ञात कीजिए यदि $f(x)=8x^3$ तथा $g(x)=x^{1/3}$ हो। 2
Find fog and gof if $f(x)=8x^3$ and $g(x)=x^{1/3}$.

8. सिंदिशों $5\vec{i}+3\vec{j}+4\vec{k}$ और $6\vec{i}-8\vec{j}-\vec{k}$ के बीच का कोण ज्ञात करें। 2

Find the angle between the vectors $5\vec{i}+3\vec{j}+4\vec{k}$ and $6\vec{i}-8\vec{j}-\vec{k}$.

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 27 / 32

अधिकतमीकरण करें Z=20x+3y, जबिक $3x+2y\leq 210$, $x\geq 0$, $y\geq 0$.

Maximize Z=20x+3y, subject to $3x+2y \le 210$, $x \ge 0$, $y \ge 0$.

$$x10$$
. हल करें : $x^2 \frac{dy}{dx} = 2xy$.

Solve: $x^2 \frac{dy}{dx} = 2xy$.

11. सारणिक
$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^3 \end{vmatrix}$$
 का मान ज्ञात करें।

Evaluate the determinant $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^3 & b^3 & c^3 \end{bmatrix}$.

12. यदि
$$A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$$
, तो सिद्ध करें कि $A^2 = A$.

If $A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$, show that $A^2 = A$.

13. यदि
$$x\cos y = \sin(x+y)$$
 तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।

If $x\cos y = \sin(x+y)$, find $\frac{dy}{dx}$.

14.
$$\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$$
 का $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$ के सापेक्ष अवकलन करें।

Differentiate $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$ with respect to $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$.

15. यदि
$$x = \sqrt{1+t^2}$$
, $y = \sqrt{1-t^2}$ तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।

If $x = \sqrt{1+t^2}$, $y = \sqrt{1-t^2}$ then find $\frac{dy}{dx}$.

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 28

16. यदि
$$y = x^{\sin x}$$
 तो $\frac{dy}{dx}$ निकालें।

2

If
$$y = x^{\sin x}$$
, find $\frac{dy}{dx}$.

17.
$$\int_{0}^{\lambda/2} \frac{dx}{1+\sqrt{\tan x}}$$
 का मान निकालें।

2

Find the value of
$$\int_{0}^{\lambda/2} \frac{dx}{1 + \sqrt{\tan x}}$$
.

18.
$$\int_{0}^{a} \sqrt{a^2 - x^2} \, dx$$
 का मान निकालें।

2

Find the value of
$$\int_{0}^{a} \sqrt{a^2 - x^2} dx$$
.

- तर्लो x-2y+2z=6 और 3x-6y+6z=2 के बीच की दूरी ज्ञात करें। Find the distance between the planes x-2y+2z=63x - 6y + 6z = 2
- 20. उस तल का समीकरण ज्ञात करें जिसके x, y और z अक्षों पर अंतःखण्ड क्रमशः 2, 3 और - 4 हैं। Find the equation of the plane whose intercepts on the axes of x, y, z are respectively 2, 3 and - 4.

p का मान ज्ञात करें जिसमें रेखाएँ $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+17}{p}$ और $\frac{x+4}{2} = \frac{y+9}{2} = \frac{z-1}{2}$ परस्पर लम्ब हो।

Find the value of p so that the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z+17}{p}$ and $\frac{x+4}{2} = \frac{y+9}{2} = \frac{z-1}{2}$ are mutually perpendicular.

 $\int \cos^3 x . \sin x \, dx$ का समाकलन करें। 2 Integrate $\int \cos^3 x \cdot \sin x \, dx$.

23. $\int \frac{x^2-1}{x^2+4} \, dx$ का समाकलन करें। 2

Integrate $\int \frac{x^2-1}{x^2+4} dx$.

2

2

2

24. हल करें : $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = e^{x+y}$.

Solve: $\frac{dy}{dx} = e^{x+y}$.

25. निम्न प्रायिकता बंटन के लिए माध्य ज्ञात करें :

χ.	0	1	2	3
n.	1/8	3/8	3/8	1/8

Find the mean for the following probability distribution:

X,	0	1	2	. 3
p,	. 1/8	3/8	3/8	1/8

26. यदि $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ तथा $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ तो | $\vec{a} + \vec{b}$ | का मान ज्ञात करें।

If $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ and $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ then find the value of $|\vec{a} + \vec{b}|$.

27. सदिश $3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$ की दिक्-कोज्याएँ निकालें।

Find the direction cosines of the vector $3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$.

28. $\int_{0}^{x/2} x \cos x \, dx$ का मान निकालें।

Find the value of $\int_{0}^{\lambda/2} x \cos x \, dx$.

29. $\int \sin^3 x dx$ का समाकलन करें।

Integrate $\int \sin^3 x \, dx$.

30. $\int \frac{dx}{\sqrt{x+1}+\sqrt{x+2}}$ का समाकलन करें।

Integrate $\int \frac{\mathrm{d}x}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2}}$.

24/A/XII-5001-(34/40)

Page 30 / 32

दीर्घ उत्तरीय प्रश्न / Long Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 31 से 38 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं। इनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित है।

Question Nos. 31 to 38 are Long Answer Type questions. Answer any 4 questions. Each question carries 5 marks. $4 \times 5 = 20$

3). सिद्ध करें कि
$$\sin^{-1}\frac{4}{5} + \sin^{-1}\frac{5}{13} + \sin^{-1}\frac{16}{65} = \frac{\pi}{2}$$
.

Prove that $\sin^{-1}\frac{4}{5} + \sin^{-1}\frac{5}{13} + \sin^{-1}\frac{16}{65} = \frac{\pi}{2}$.

32. मान ज्ञात करें :
$$\int_{0}^{\pi/2} \log \cos x \, dx.$$
 5

Evaluate: $\int_{0}^{\pi/2} \log \cos x \, dx.$

Solve: $(1+x^2) \frac{dy}{dx} + y = \tan^{-1} x$.

34.
$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}$$
 निकालें, जब $(\sin y)^x = (\cos x)^y$.

Find $\frac{dy}{dx}$, when $(\sin y)^x = (\cos x)^y$.

Evaluate the determinant
$$\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix}$$
.

36. मान ज्ञात करें :
$$(\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}) \cdot \left[(2\vec{i}-\vec{j})\times(\vec{j}+\vec{k})\right]$$
. 5

Evaluate:
$$(\vec{i}-3\vec{j}+4\vec{k}) \cdot \left[(2\vec{i}-\vec{j}) \times (\vec{j}+\vec{k}) \right]$$
.

D

37. न्यूनतमीकरण करें Z=2x+y

जबिक $5x+10y \le 50$, $x+y \ge 1$, $y \le 4$, $x \ge 0$, $y \ge 0$.

5

Minimize Z=2x+y,

subject to $5x+10y \le 50$, $x+y\ge 1$, $y\le 4$, $x\ge 0$, $y\ge 0$.

38. दो पासों को चार बार फेंकने में कम से कम दो बार एक ही अंक का जोड़ा आने की क्या प्रायिकता है ?

In four throws, with a pair of dice what is the probability of occurrence of doublets twice at least?

बिहार बोर्ड के नए और पुराने ऑफिसियल क्वेश्रन पेपर, मॉडल पेपर, आंसर-की, पाठ्यक्रम, नोट्स, मॉक टेस्ट, सेंट-अप और प्रैक्टिकल परीक्षा प्रश्न पत्र आदि के लिए...

BiharboardQuestionpaper.com

Q

